

uas pducit 72 et 81, nā 72 ad 64 est sexquioctauū, sicut 81 ad 72. uerū id accidebat incōmodi q̄ 81 ad 64 nullā habet pportionē commoda, & multominus 96 ad 81, quare uisum est Ptolemyo ut subtracta mona de fierē termini 64, 72, 80, & 96, pportio aut 80 ad 64 cōstituit sexqui quartā atq̄ ditonū, pportio quoq̄ 96 ad 72 sexquertiā semiditonūq̄. Rursus pportio 128 ad 64 cōponit ex pportionib. 80 ad 64, q̄ habet p ditono ut dictū est, & est sexquiquarta pportio. At 128 cum 80 est in pportione superpartiente tres quintas, q̄ iterū est consona. Regula em̄ est q̄ ubi consonantia uocū diuidat in duas partes, quarū una sit consonans, reliquā etiā esse consonantē, at nō cōuertit. Sēpe n. fit ut ex duab. consonantibus dissonans cōpositio oriat, uelut ex dupli diapēte, aut diapēte cū ditono, sed ut ad ppositū reuertar, alia diapason est inter 80 & 40, at inter 48 & 40 est semiditonius ut ostēsum est, uelut inter 96 & 80, nam inter 45 & 40 est pportio sexquioctaua, inter 48 aut & 45 sexquiquinta decima, igit̄ ex regula data pportio 80 ad 48 q̄ est superbis partiens tertias seu solida cū besse seu sexta maior erit cōsonans. Iam ergo uidemus detractione aut additione sexquioctuagesimā, concinnas reddi uulgatiōes armonias: tertia utrancq̄ maiorē scilicet & minorē, ac rursus sextā maiorē atq̄ minore q̄ in minoribus numeris scilicet à mode ad octo positae sunt. Vides præterea semiditonū in sexquiquinta cōstare: adeò ut à senario infra nihil inutile reddatur. Diateſſaron aut cum primū diuidi potest, si secus diuidatur q̄ in ditonū & semitoniuū, aut in semiditonum & tonū, scilicet in duo tantū interualla, non cōmodius quā inter octo & septem & sex diuidi potest. Cum ergo octo ad septē dissonia sit, quippe nimis remota est hęc pportio à sensu humano: quamobrē ex regula data, neque proportio septē ad sex. Sed dubitabis merito, quia cū diateſſaron diuidatur bifariā, in ditonū & semitoniuū, ac rursus in semiditonū & tonū, quarum altera cōsonans est, reliqua nō. Videſ ergo infirmari regula illa, q̄ consonantia diuisa si una pars cōsonet, alia non possit esse dissonans, nā constat toniuū & semitoniuū tam per se quam in cōpositione dissonare: & nō parū sed acerbē. Verū respondeo diateſſaron, ut dixi, numerari inter ambiguias coniugationes, quatenus em̄ per se est, dissonans est: atq̄ sic in consonantē & dissonantem diuidi potest: quatenus aut pars est diapason cōsonans in acutis: quancq̄ etiā adiecta ditono aut semiditonio suprà efficiat sextā maiorem aut minorē parum benē sonantes. At quintupla pportio ut ab initio ppositum est, cōstat bis diapason, & sexquiquarta, ut planē manifestū est: sexquiquarta aut

| | | |
|----------------------|---|---|
| Diapason | 2 | 1 |
| Bis diapason | 4 | 1 |
| Diapason diapente | 3 | 1 |
| Tris diapason | 8 | 1 |
| Bis diapason diapēte | 6 | 1 |
| Hæmiolia | 3 | 2 |
| Hæmitritæa | 4 | 3 |
| Ditonus | 5 | 4 |
| Semiditonus | 6 | 5 |
| Sexta minor | 8 | 5 |
| Sexta maior | 5 | 3 |
| Bis diapason ditonus | 5 | 1 |

P ditonus:

ditonus: bis diapason autem quindecim uocibus. Omnes igitur decem, & septem uoces, quod sexdecim interuallis distinguuntur, consonantes sunt: & ex genere ditoni, & sexquiquartae, sed paulo minus benè sonat quam ditonus ipse. Igitur quintupla multiplicem ad sexquiquartam reduximus. Verum ut ostensum est & decima septima, quod bis diapason constat, & semiditono benè sonat, hec autem inter nonaginta sex & uiginti: quadrupla igitur est & superquadripartiens quintas. Diapason quoque cum sexta maiore & minore eandem habent rationem quam 16 ad 5, & 10 ad 3, triplam utramque, sed altera sexquiquinta, altera sexquitertia: bis diapason uero cum eisdem ut uiginti ad tria, & 32 ad quinq[ue] sexcupla utramque: sed altera superbipartiens tertias, altera quintas. Manifestum est igitur hanc diuisionem non solum concinnam magis esse & suauem sed omnem tonorum & semitoniorum necessitatē effugere. Quod uero in causa fuit ut toni & semitonia in usu essent, id est, quoniam in discendo necesse est eandem seruari rationem incrementorum, neque arithmeticam sed geometricā. Ideo ascensus per tonos & semitonias comodus fuit, nam duplum solū differentiam priususu assequi coguntur. At uero poterat & per sexquisextam diuidi diatessaron, ut inter triginta sex & quadraginta nouem interpositis 42, uerum triplex sequebatur inconueniens: primum ut diatessaron ad amissim non seruaretur, sed incidebat in cacophoniam, addita quadragesima octaua parte: deficiente autem in duabus sexquiseptimis numeris seu proportione sexquitertia: ut inter 49 & 64 loco 48 & 64, uelut etiam inter 48 ad 36, addita igitur monade in termino medio utrinque fit dissonantia. Secundum inconueniens, est quod sic diuidente non seruabatur ratio sexquiquartae & sexquiquintae seu ditoni & semiditoni, quae uoces benè sonant. Tertium inconueniens erat, quod haec ratio diuidendi diapentes minimè satisfaciebat, uelut inter 252 & 294, unde incongrua rursus erat diuisio. His tot causis cum proportiones maiores non satisfacerent ut sexquiquinta quae diatessaron nullo modo æqualiter diuidere potest, & in diapente deficit sexqui uigesimaquarta, ut inter 25 & 36, coacti sunt cum nec sexquisexta nec sexquiseptima idoneæ essent ad sexquioctauam configere.

Est & alia diuisio toni in semitonias, quod est uaria ponendo tonum inter 18 & 16, media uox est 17 semitonium maius inter 17 & 16, sed minus inter 18 & 17, quorum differentia est $\frac{1}{288}$. Hic subit admiratio quomodo semitonium minus apter tam grata in symphonij, maius autem nequaquam. Ptolemeus hoc negaret, quia sexquiquinta seu semiditonus constat tono integrō, qui est inter 90 & 80, & semitonio plusquam maiore quod est inter 96 & 90, & est sexquiquinta decima: quod maior est tono maiore $\frac{1}{255}$. Propterea dicemus causam esse quod posito semiditono inter 81 & 96, id est, 27 & 32 sublato tono, id est, 234 & 216, remanebit 13 differentia 256 ad 243, seu qualis est 96 ad 91 & $\frac{1}{6}$ quae est ut 768 ad 729 et reddit ad idem, scilicet,

cet, ut 256 ad 243, 13 autem est paulo plus decimanona, ergo multo mi-
nus semitonio minore. secundum mētem ergo Ptolemæi, posito tono
inter 135, & 120, & semitonio maiore inter 128 & 120 remanebit semito-
nium minus fermè inter 19 & 18, id est, 133 & 126, quæ proportio differt
à 135 & 138. Si quis autem bene animaduertat, sexquioctuagesima illa
adimitur ex tono & additur semitonio minori, & hæc est causa quòd
semitonium maius Ptolemæi sit concinnum, quia additur tonis imper-
fectis. Dimidium autem semitonij minoris est inter 36 & 35, & uocatur
cōma: & est minus & maius: maius est inter 35 & 34, rursus cōma mi-
nus diuiditur in duas dieses, minorem, quæ est inter 72 & 71, & maio-
rem, quæ est inter 71 & 70, & ideo manet difficultas quomodo intenta
uoce per diesim fiat melior consonantia: nam de remissione possemus
dicere quòd accipitur loco sexquioctuagesimæ: sed in sexquioctua-
gesima remittitur de tono secundum mentem Ptolemæi, in dies inten-
dit semitonium minus, sicut ostendit experimentum, sed forsitan conue-
niunt quia intentio semitonij minoris deducit semiditonum ad sexqui-
quintam: est enim differentia semitonij minoris intenti hoc modo ad
semitonium minus, ut 136 ad 135: sed hoc est longè minus sexquioctua-
gesima, unum sat est, hanc esse ultimam diuisionem toni in octo par-
tes, & ut in diatonico toni dominantur, ita in chromatico semitonia in
enarmonico dieses, sed dieses fugitando (ut ita dicam) ac aures uelli-
cando, mirum in modum oblectant audientes: uelut toni stando, una
de etiam nomen, semitonia medium modum obtinent.

Tertium genus proportionis (omitto modò diuisionē temporum
binarij, ternarij, quinarij, qui ultimus est eorum quos sensus recipiat,
nam septenarius propinquior est binarij diuisioni ob octonarium, &
modos illos satis notos Doricum, Lydium & Phrigium, ac eiusmodi)
est Ptolemæi: rursus qui cum uideret respectam futuram musicæ con-
templationem, conatus est illius aliquod singulare emolumentum
ostendere, quemadmodum fecit & in libro de Prædictionibus, existi-
mans nī illos compoñisset ueluti præmium ostendentes tanti laboris
quantus necessarius uideretur ad intellectum librorum Magnæ com-
positionis, futurum esse, ut hi negligerentur, ergo & hoc in musicæ li-
bris ostendere molitus est, scilicet, præclarum esse aliquē huius cōtem-
plationis finem, quod utinā non fecisset, ne illud uerè de eo dici posset;

—Non omnia possumus omnes.

Virum enim hunc supra omnem humani ingenij metā fuisse nō nega-
mus: sed hanc partem quam hic agit, adeò infeliciter tractat, ut malim
credere totū illum tertium librū fuisse ab aliquo alio adiectū. Etenim
quid turpius sapienti homini cōsiderari uulgares illos: septē planetæ,
septem mundi miracula, septē artes liberales; quid enim similitudo nu-

meri iuuare potest, aut quām afferre utilitatem: nimis certē indignū est uti argumēto à similitudine sumpto: tum maximē adeò leui. Sed quo-
niam constat omnia quæ in mundo sunt ordine coniuncta esse, & ne-
cessitate uinciri, ideo cùm finis ipse uerus sit, non tam debemus Ptole-
mæum damnare, q̄ non probauerit, quām laudare, quod ueritatē sine
ratione sit asseditus. Sæpe enim accidit huiusmodi uiris adeò prestante-
tibus ut ueritas detegatur, quam cùm illi, ut mos est hominū, rationi-
bus adornare nituntur, transgredientes metam muneris, in absurdā &
ineptias incidūt. Ergo id modō declarare aggrediar, supponens q̄ ue-
rum est, scilicet hanc musicam concinnitatē cum diuinis connexā esse,
& ab illis originem ducere. Verūm dubium est, an soni propter nume-
ros iucundi sint, an propter aliud: & si propter aliud, cur ergo numeri
ad hoc sunt necessarij? & cur obseruare eos oportet ne ab illorum ordi-
ne disiungi possint? Hoc autē per facilē intelligit, & à nobis aliās decla-
ratum est, scilicet delectare nos, quæ percipiuntur quæc̄ ratione facta
uidentur, quoniā in his naturæ uis relucet & imago uniuersi, ergo dele-
ctant nos, quoniam nature ordine nos constamus. Illud difficilius lon-
gè qd tamē diligent obseruatione dignū uidetur, scilicet, quoniam pa-
cto harmonia cum rebus cœlestibus aut humanis cōiuncta sit. Forsan
& illud ab re non esset intelligere, cur nullum animal prēter hominem
capax sit harmoniæ: an forsan quoniā solus homo ratione participet,
& ob id solus gaudet ratione: ordinata aut ratione cōstant aut sola aut
maximē, numerus autem quid aliud est quām ordinis separatorū ima-
go. Porrò hæc accipienda sunt ex his quæ sensibus deprehenduntur,
qualia sunt q̄ animus mouetur & uarios affectus induit iuxta harmo-
niæ diuersitatem lætitig, tristitig, impetus, remissionis, timoris, spei, ira-
cundiæ, & commiserationis. Nos enim maximē octo affectus mouent
musicæ modulationes. Secundum quid autem mouent? uel quia con-
sonæ aut dissonæ, uel quia concitatæ aut tardæ, uel quod maius est q̄
tendant in acutum ad alacritatem, uel in grauem desinant & remissum
sonum ad cōmiserationem, & lachrymas, aut etiam ex modo tetrachor-
dorum. Illud sanè non obscurum est, animā cum sono maximē esse con-
iunctā, nam neq̄ odoribus ut odores sunt, neq̄ saporibus, aut his quæ
tanguntur licet plurimum delectent, aut etiam lædant, anima mouetur
ad affectus, licet, ut dixi, magis homo delectetur, aut tristitia afficiatur
quemadmodum ex sonorum uaria natura, quod etiam in morsis à Ta-
rantula (araneę genus est) deprehenditur. Quinimò nec à luce nec à co-
loribus aut pictura, nisi ut hæc ad memoriam reuocāt ea, propter quæ
ad hilaritatem aut tristitiam uel iram, uel commiserationem mouemur.
Vnde quosdā reges ferunt iniurias acceptas iufisſe depingi in aula ne
possent obliuisci, at longè plures curarūt, ut potius eorū facta egregia
pinge-

pingerentur continuata per memoriam uoluptate, quam dum illa age rent, cōceperant: nihilominus, neq; color ipse, nec lux aut spectaculum uel imagines possunt adeo mouere animi affectus, uel sonus. Nam duo in uniuersum ex uisu ad animi affectus mouendos habentur, tene bræ ad tristitiam & metum, pictura regionum amcenarū ad iucunditatem, sed irā quæ moueant picturæ alacritatemē aut cōmiserationem, non habemus. Videlur ergo ob hæc sonus ipse magis animæ intimus & ullum aliud sensile. Quod si odoratus est in appēdibus cerebri, uis in pupilla oculi, gustus in linguae neruis, uerisimile est magis intimum esse auditum, scilicet in cerebro ipso, atq; ob id magis ab illo moueri animam. Necq; em in aëre concepto à concavitatibus auris, qui nostri pars non est; necq; à tympano, cùm superflua fuisse cauitas interior omnis: necq; enim inter pupillam & cerebrum pars ulla cernitur ad uisum adiuuandum idonea: sed solus sufficit consensus pupille cum cerebro: nam ad nos per spiritus deffertur imago, non em uisus esset unus, nec in uno tempore fieret, sed ueluti è secūdo speculo & decimo simul, & eodem tempore reflectitur imago, ut à primo ita sensus uisus ex pupilla in cerebro & in corde & anima simul relucet. At ergo non potuit in tympano uel neruo densiore fieri auditus, sed in cerebro ipso, ob qđ magis moueret affectus. Sed & magis incorporeus est sonus, ut qui instrumentum proprium non afficiat, nisi cum immoderatus fuerit, at omnis color, omnis lux oculum afficit, ac, ut ita dicam, tingit, neq; successiones illas ob id adeo minutus oculus percipere potest ut auris, sed coinquinatur, ut ita dicam, priorum obiectorum reliquijs atq; imaginibus. Ut in uniuersum constet puriorem esse auditus sensum etiam animæ nostræ propiorem quam uisum.

Quibus constitutis uidendum est, quomodo sonus permutedt affectus: hoc autem nō quia animam, quæ immortalis est & immateriaria, sed quoniam aut corporis eam partem, quæ est animæ instrumentum, id est, spiritum, aut animæ principale coniunctionem qua corpori annexa est. Ut enim corpus deserit aut impeditur à corporis commercio corpus immoritur: hoc præsentiens animus, fiunt illa duo prævia ad mortem timor & tristitia. Ut contrà, lætitia non est nisi communicatio animæ corpori, & quatenus communicatur solum de uita cogitat, atq; ob id quasi immortalis, qui lætatur obliuiscitur mortis. Ergo animæ ratio illa erit, quæ ut cognoscit perfectè exhilaratur dulcedine uocum, & hoc sit in diapason. Ut uero imperfectè diapente, ut imperfectius diatessaron, at cum ex diatessaro & diapente perficitur diapason, accidit ei idē, quod quærēti gemmas in matrice dum inuenit, & ei qui ex tabulis arcam cōficit, & puerō cū adolescit, & generaliter ei qui ex imperfectis perfecta colligit: ex quintæ enim & quartæ sensu imperfectarū conso-

nantiarum percipit perfectam diapason. Videamus ergo an aliquid sit simile in animæ facultatibus, nec dubium est quin ex sensib. exterioribus atq; interioribus fiat intelligentia. Et sensus quidem exteriores sexquiteria constant: est enim illorū imperfecta cognitio: maior longè memorie unius & rationis reliquarumq; facultatum, ex quibus intelligētia oritur. Iam uero habemus exactam similitudinem facultatum anime humanae, q; cognoscit. Nunc ulterius procedamus et uideamus, an sit aliqua etiā coniunctio inter illas, nam similitudo etsi sit una originis causa, non tamen sola digna est ut à Philosopho numeretur inter causas ordinis & naturæ uinculi. Non est ut tetrachordorum genera ad partes anime cōparentur, cū sint uoluntaria diuisione, non natura constituta. Sed si quis hoc uelit, magis ad rationem proprietatis respiciat, suauitas in chromatico, subtilitas in Enarmonico, stabilitas in diatonico: Ut Enarmonicū ad mentem uerè referri possit, chromaticū ad sensus: diatonicū ad uitā naturalemq; facultatem. Sed, ut dixi, iam ppius accedamus, cōcitatior sonus, ut Doricus ad alacritatem pertinet, ad pugnam, ad uim anime irascibilis: Phrygius ad uoluptatē, Lydius ad intelligentiam remissione corporeorum affectuum. Sed nō querere decet aut laborare, ut male inventa aut distributa aptemus ordini nature, sed ut res rebus. Diximus quatuor esse differētias nobiliorū affectuum animi, scilicet, timoris, spei, iracundie seu sequitie & cōmiserationis, lētitie, tristitie, impetus ac remissio. Et uidetur musica nec hoc equaliter monere, sed primū uideamus an hi soli affectus sint maximi, quippe deesse uidentur amor atq; odium. Et mihi dubium non est quin hi potentissimi sint omniū præter metū. Sed metus cū causa, affectus propriè nō est, sed potius scientia quædā. Proprium enim perturbationum est excedere rationem: at metus mortis proprie aut de filio, non est à ratione alienus, nec excedit metas, modo inanis non sit aut falsus, ob hoc metum excludemus ab hoc negocio: tum maximè ob id quod nulla musica est quæ metū excitet cum ea, nō opus sit in eo, qui sit cum ratione coniunctus. Indicio est q; potius illū excudit abrupta musica, sicut & omnia alia quæ perturbant rationem, ueluti solanū & madrangora atq; cicuta. Amorem igitur & odium nō excitat musica, quia amor & odium alicuius sunt amor & odium, musica aut generales solum mouet animi affectus. Et commiseratio, licet sit Didonis aut Phillidis, tamen est generaliter miserentis. Queramus ergo rursus qui sint affectus generales animi. Et sanè uidentur esse lētitia atq; tristitia: impetus & remissio: sequitia ac misericordia & audacia. Sunt tria fermē cōiuncta simul impetus & sauitia atq; audacia, quoniam cū motu perturbato animi sunt electa ratione. Ob id unūquodq; horū ab iracundia deriuat. Quapropter & ita rationē expellit aut suppeditat. at ratio perturbat, aut ab immodicis sonis, aut incōptis et magnas mutatio-

nes

nes habentibus atq; asperis. Hæc autem, ut ita dicam, nulla est musica. Sed neq; musica ulla tristitiam gignit, cum ut dixi, tristitia nil aliud sit q; mortis imago, musica aut uitam fouet. Vnde nō immerito fertur Xenophilos musicus centū quinq; annis sine aliquo incōmodo uixisse, quod singulare esse exemplum in humana uita refert Plinius. Relinquitur igitur tandem, ut musica maximè moueat tres affectus lætitiam, remissio-
nem & misericordiam. Et quod ex his postmodum ad labores insurga-
mus intentius, hoc non est ex musicæ ui aut facultate, sed cōsequentibus
ad illa alia causis. Neq; ergo horū causas ex diuisionibus atq; distribu-
tionibus uoluntarijs musicæ cōsiderare oportet, sed ex ipsa rerū natura
atq; essentia. Veluti intentionis et remissionis, asperitatis atq; suauitatis
celeritatis ac tarditatis, cōsonantium aut dissonantium uocū atq; muta-
tionis: hæ enim differentiæ præcipue sunt uocum, uel etiam teste Aristotele. Verūm nō obscurum est: quemadmodum remissiones fiant animi affectuum, cū remittuntur uoces aut intendantur ad earū intentionem. Sed non est æqualis ratio, quoniam natura nostra ad remissionē natu-
raliter inclinata est, ad intentionem non ita, sed per uim quandā aut me-
dio uoluptatis, aut cum anima purior est à corporis impedimentis. Et ob id ad studia nil aptius est pura sobrietate: nihil ineptius crapula atq;
temulentia. At lætitie cause sunt, & cōcordia uocū, & mutatio ex aspera
in suauem, nō secus ac eius qui euadit è paupertate uel è molestia aliqua
aut dolore aut alio incōmodo, tum intensio uocū ac liber sonus. Vnde
in lætitia solent homines exclamare. At ad cōmiserationem mouendam
omnia remitti oportet ex magna in parua, adeoq; deficiet item ex aspera
in leuem, ex ueloci in tardam, ex dissona in consonantem. Antiqui ergo
(ut author est Cælius Rhodiginus) Dorico ad temperantiam & mode Lib. 9. ca. 3:
rationem utebantur, scilicet quod non haberet præcipites lapsus, neq;
arduas intentiones: Phrygio ad impetum & bellicum ardorem, scilicet
per asperas intentiones: Lydio ad fletus & lamentationes per casus &
remissiones longas ac suaves: ideo funeribus peculiaris: Mixolydio ad
commiserationem, ut defectiones interponantur & breues abruptæq;
remissiones, iuantq; in hoc plurimum & sensus uerborum, familiaris
hic tragædijs: Aeolicus qui & Ionicus tranquillitatis animi author est
solumq; conciliat: Dorico non absimilis sed suauior & mollior: ideo
chromatici generis. Quæ uero ad cœli motus referuntur, diapason qui-
dem refertur ad motum diurnum, nam maximo constat, & exactissimo
interuallō, unusq; est in omnibus & iucundissimus & omnia continet,
uelut & diurnus motus. Proprius autem tam erraticis quam fixis, qui
etiam æqualitati propinquior est, & ad maiorem distantiam scilicet de-
clinationis signiferi ab æquinoctij círculo ad diapente refertur. Rursus
diatessaron quod minimo cōstat interuallo ac maximè inæquali, & per
se quidem quasi non necessario ad motum in latitudinem referri, is enim
exiguus

exiguus est & inæqualis. Ex horum itaq; duorum cōpositione quemadmodum et ex diatessaro & diapente conformatur diapason, pulchra construitur exortus & occasus syderum ratio, quæ primo motu cōstat.

Porrò de participatione diapente, quam non solū usurpamus in instrumentis fistularum organis dictis: sed etiā in fidibus monachordorū seu clauichordorū (ita n. nunc uocant instrumēta quib. caruerunt antiqui) nō alia est ratio, quām q̄ dicta est constituendarū consonantiarum in ditonis & semiditonis sextaçp utraçp. Ut em̄ quatuor consonantiae suauiores efficerent, necesse fuit unā, scilicet diapente uariari. Exempli gratia, sint fides expositæ octo, & ut constituant proportionis h ad c, ut 128 ad 80, id est ut 8 ad 5, c facta est remissior octagesima, quare cū a ut 81 diapente habeat ad 121 cū dimidio, erit ad 80 maior $1\frac{1}{2}$, id est b re octagesima parte 120, quare intentior diapente. At in diapaso c mi omnia ad idē redeunt: horū etiam causa semitonia nigra illa addita sunt. Sed hęc tractatio p̄primum locū exigeret, secus esset nimis curiosi illa huc traducere, quemadmodum, & ut uellemus d fa Philosophiam naturalem, moralē, & mathematicā ad musicā traducere p̄portionē. Melius sanè fuisset subtilioribus rationibus e sol hāc mēsuris motū astrorū put cōueniūt (quantū fieri potuit) aptasse.

Propositio centesimasexagesimaseptima.

Proportionem musicam ad saporem & odores coaptare.

Co^m. Melius fecisset Ptolemeus, si hāc p̄portionem ad saporem & odores et picturas, quemadmodū inuenimus nos, applicasset, uel ut Vitruvius ad machinas, poterat em̄ hoc scire, cum Vitruvius plusq; centum quinq; quaginta annis Ptolemeū antecesserit. Et quanq; Latinē scripsérunt, non tam turpē erat latina legisse, aut cōuersa ab alio quopiam intellectuisse, q̄ nesciuisse necessaria pulchraçp inuenta aliorum clarorum virorum, & quod deterius erat, rerū memorabilium loco fabulas subtexuisse. Ergo ut ad rem ueniam: musica proportionis bifariam inueniūt in saporibus: simpliciter, & ex comparatione, & simpliciter quidem summa suauitas ad diapason refertur: est enim suauissimus concensus in saporibus, ergo dulce ei respōdet, ut simplex, quid enim suauius esse potest in utroq; genere. At pinguis, qualis in carnibus & ouis benē p̄paratis ad diapente refertur, est enim & ipse suauissimus post dulce, atq; in suo genere perfetus, diatessaron uero optimē falso cōuenit. Hic enim per se improbus est & insuavis, sicut etiam sapor fatus est, diatessaron aut̄ cum diapente perficit diapason, & cum diapaso inutile est, et discordat, ita sapor fatus cum pingui summam delectationem affert: cum dulci adeo parum congruit, ut melius societur cū amaro, uelut in oliuis benē salmis. Ergo fatus sapor cum diatessaro ad unguē congruit rursus semiditonus cū insipido, & astringens cum ditono conueniunt ad unguem, nam uterq; nō illepidus, & cum dulci conuenit, ita semiditonus & ditonus cum diapason con-

so conueniunt, uterque etiam horum saporum parum mouet sensum, & inter se sunt quasi similes quod ditono accidit & semiditono, sed & neuter horum cum pingui conuenit, neq; ditonus aut semiditonus cum diapente congruit, discordat enim hec compositio non parum. Rursus & in hoc similes sunt quod diateffaron cum ditono & semiditono plurimum conuenit, ita & insipidum, & astrin-
gens cum salso bellè conueniunt. Diateffaron enim cum ditono sex-
tam efficit maiorem, & cum semiditono minorem que utriq; conso-
nant, non tamen plus suaves per se sunt, quòd dulci & pingui care-
ant, ut nec sexta maior aut minor, qd neq; diapason perficiant neq;
diapente: Acris autē sapor sexta maioris similis est, acidus minori:
mutuo conueniunt cum insipido acri, & cum astringente acidus,
quemadmodum & sexta maior cum semiditono, & minor cum di-
tono copulatur perficientes diapason: sed minus suauem, quia ab-
est diapente ibi, quia abest pingue: austern uero cum acri mode-
rato conuenit, propterea bene uterq; cum insipido iungitur, unde
illud Epigrammatici:

Vt sapient fatuæ fabrorum prandia betæ,

O quam sæpe petet uina piperq; coquus.

Piper enim acre est, & uinum austern est. Et iusta querela Cicero-
nis in Epistolis familiaribus, qui à maluis fatetur se uictum, ut deci-
derit in lienteriam: conueniunt ambo hi sapore cū dulci & pingui,
uelut & utraque sexta maior & minor cum diapason & diapente, at
neuter cum salso, nam neq; diateffaron cum sexta maiore uel mino-
re iungi potest. Amarus autem sapor tono persimilis est, dissonus
enim per se est semper, & amarus per se odiosus tonus origo est o-
mnium consonantiarū, ita omnes fructus, seu dulces seu astringen-
tes, seu acidi, seu acres prius amari sunt: tonus præterea nulla cum
consonantia peius coit quam cum diapaso, ita neq; amarus sapor
infelicius iungitur quam cum dulci, amarus quoq; sapor cum nul-
lo magis conuenit quam cum salso, ita tonus additus diateffaro, perfi-
cit diapente dulcissimam consonantiam, ut multi oliuas benè salsas
prætulerint fasianis: tantum conuenit salso cum amaro, amarus,
quoq; sapor leuis non abhorret à pingui, deteriorem tamē aliquan-
to efficit, ut intortis ex absynthio ouis & caseo, atque in uitibus in
quibus coma absynthij incocta fuit parum, degenerat tamen sapor
ille à pingui: ita tono addito ad diapente fit sexta maior, non adeò
suavis ut diapente, attamen nō prorsus insuavis. Similiter si tonus
addatur ad semiditonum aut ad ditonum ex altero fit diateffaron,
qui non concordat ex reliquo tritonus omnium asperimus. Ergo
cum idem fiat coniuncto amaro cum insipido, ac deterius cū astringe-

gente, uelut in acerbis glandibus, quibus nihil tristius gustari potest. Manifestum estigitur optimè conuenire hanc saporum diuisiōnem cum musica proportionē.

Cumq̄ sapore ex septem planetis pendent manifestē, Saturnus em̄ habet astringens, quoniam frigidus est & siccus. Iupiter pingue cōtraria ratione, & quoniā hic suavis est, ille tristis, acre & austērum cōueniunt soli, apparetq; in eis uis maxima ad spiritū uitalem cōfirmandum, uiresq; oēs adauget, uelut & Sol. Venus habet dulce: demonstratione hoc non indiget. Mars salsum & cū peruersē dispositus est, amarū. Luna insipidum. Mercurius acidū, etenim frigida est & humida Luna, & Mercurius tenuitatē quandam habet cū tempore moderato, cuiusmodi fermē est acidus sapor, quanq; ad frigiditatem declinet, parū enim habet uiriū Mercurius qd minima sit stellarum, ut suprā docuimus. Huiusmodi ergo ratione considerata Luna ad semiditonū pertinebit Mercurius ad sextā minorem, Sol ad sextam maiorem, Mars ad tetrachordū, Saturnus ad ditonum, Iupiter ad diapente, Venus ad diapason, unde plena illius dona uulgaris felicitatis opum honoris amoris & uoluptatis, post quem est Iupiter, ut sine his duobus omnino nulla possit esse felicitas.

Sed & in circulo signiferi aliquam musica proportio habebit rationem: diapason em̄ erit & totius ad dimidium, & bessis ad trientem, & dimidiij ad quadrantem, & trientis ad sextantē, diapente aut̄ totius circuli ad bessem, & dodrantis ad dimidiū, & dimidiij ad trientem, & quadrātis ad sextantē, diatessaron aut̄ totius circuli ad do drantem, & bessis ad dimidiū, & trientis ad quadrātem: itaq; in hoc solo cū Ptolem̄eo concordamus, in reliquis duobus nescio qua ratione Ptolem̄eus omiserit unam cōiugationem, nam cū essent quatuor in diapason & diapente, tres tantum numerauit. Reliquas aut̄ quatuor per integra signa numerare licebit, ad rationē, tamen aspectuum deducere non possumus, propterea efficaciam quandam habent etiam signorum mutationes, sed harmoniam non perficiunt, nam & si sumamus sexquiquartam & sexquiūintam, ut in his sexquialteram, seu diapente constituamus, aut tria aut sex signa accipere oportebit: utrumq; fuerit, reliqua pars ad diatessaron pertinere minimē potest: quamobrem conuenientius esset meo iudicio, ut totus circulus non ad diapason, uelut Ptolemaeus, referretur, sed potius ad diapason diapente: ita enim constitutis quatuor, quinque, sex, duodecimq; numeris, constaret tota ratio harmonica, diuiso etiam diapente in ditonum & semiditonum. sed de hoc satis.

Reuertamur ad sapore, in quibus diximus aliam esse rationem musicam iuxta cōpositionem: cum enim inter sapore qui quoquis modo

modo conueniunt, dupla fuerit optimi saporis proportio ad dete-
riorem, medius uero ad deteriorem sexquiteria, optimus ad me-
dium sexquialtera, sapor ille optimus erit. Et primum quidem id
in pingui tanquam medio dulcior & salso experiamur, similiter in
salso, acri, atque insipido. Manifestum est enim quod horum optimus
est insipidus, quia per se ferri potest, salsus autem medius, acris de-
terrimus, superabit ergo insipidus salsum sexquialtera, acrem du-
pla proportione, salsus acrem sexquiteria. Rursus dulcem copule-
mus cum acri, & cum insipido aut cum acido, & insipido praestabit,
ut dulcis dupla, aut quadrupla, aut octupla proportione insipi-
dum superet, id est, per diapason, uel bis diapason, aut ter dia-
pason: acidum uero insipidum sexquiteria superabit. Alia rursus ra-
tio in coniunctionibus saporum ad sensum uniuscuiusque referenda
est, in quo enim est summa uoluptas comparatione ad illum, hic sta-
tuemus diapason, optimumque constituemus saporem, dimidium il-
lius quod ad uires attinet ex minus iucundo sexquiterium, ad il-
lum minus iucundum ex medio. Exempli gratia, proponamus ut
alictii austera maxime iucunda sint (nam salsa nemini, quod nullum
animal praeter hominem, imo ne plantae quidem nisi admodum
paucae, & sui generis salso alantur, iucunda esse possunt: cum salsum
amari pars sit, eoque deterius quod acutum sit salsum, unde in sale
nullum animal nascitur: in absynthio, quanquam ualde amaro, exis-
guum muscarum genus, nigrum totaestate oritur, & in ruta uer-
miculi) is ergo austeri, quantum satis erit sumet, dulcis tanquam me-
diu. gratia exempli (nam optima ad extremum oppositum uix trans-
ire queunt) bessem accipito huius, gratia exempli, tanquam deter-
rimi astringentis dodrantem, ut sit dulcis ad astringentem dupla
proportio. Sic ergo constituetur iuxta naturam propriam musica
proportione sapor iucundissimus.

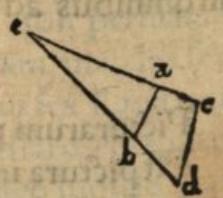
Idem quoque in odoribus & eadem ratione, sed ex saporibus hoc
cum intellectum sit, frustra fuerit consumere tempus, eadem enim
in omnibus ad sciendum proportionem intelligenda erunt.

Propositio centesimafagesimaoctaua.

Picturarum proportiones explicare.

Est pictura imago rei corporeae quamquam, & per illam, & actio-
nes, & cogitationes, sed non nisi ut per corpora significantur: ut
ergo corpora ipsa referamus. coloribus opus est, nam corpora, co-
lorata sunt, secundò ipsa rerum natura scientiaque illarum, unde pi-
ctorem multiscium esse necesse est. tertium est, ut minimas earum
differentias explicare norit. quartum, ut affectiones, uelut in ira-

to ruborem, ciliarum cōtractionem, tumorem faciei in ambulante inclinationem quandam, flexionem cruris atq; similia. quintum est lux coloribus exhibēda, sed de horum nullo propositum est hic loqui, quandoquidem hæc usu magis & consideratione, quām ratione constent proportionē, nec sint adeò admiranda ut neque simplicem magnitudinem quā sexto loco reponere possumus. Tria ergo uidentur esse præcipua quorum nunc ratio habenda esset, ut sint in totum nouem, sed unum ex his relinquemus, tum quia alienum ab hac consideratione, tum quia alibi pertractatum atq; etiam ab alijs, neq; adeò admiratione dignum scilicet magnitudo picturarum respondens magnitudini corporum iuxta situs differentiam, nam que altiores sunt paulo latiores atq; in superiori magis parte quam in inferiore, multò autem longiores esse oportet, sic & quæ à latere erunt eadem ratione iuxta aspectus ingredientium rationem. Verum hoc ut dixi omittamus, & de duplice miraculo in pictura loquamur, scilicet distantia magna quam in parua tabella referimus, et corporeitate quam in plano representamus. Horum autem duorum aliqua communia sunt aliqua propria. Dicemus ergo primū de corpore ita pingendo, ut palam extra tabulam prominere uideatur. Hoc autem primum ex forma sumitur, nam si corpus in plano sit necesse est, ut partes illius quædam prorsus abscondantur, partes aliae non prorsus, aliae prorsus sint in conspicuo. Ergo picturam talem fingere oportebit, quæ partes singulas pro ratione ostendat aut occultet. Secunda ratio est quod imā corporis obscura sunt, summe partes lucide & claræ ac lumine quasi dealbatæ: media, media quadam ratione ut in columnis, tantumq; potest hæc ratio, ut uel sola picturas fallere nos faciat corpora eas esse putantes. Oportet autem imum esse ad unguem simile in colore colori anguli loci & summum parti quæ se oculis maximè subiectam præbet & claram: media uero qualia ex umbris obscurari solent. Tertia ratio est pro modo partium iuxta obliquitatē aspectus: nam inspicienti ab in c d ex e oculo: depingemus in c d iuxta obliquitatem suam, quia cum c d uideatur per lineas e a c & e b d, & eleuatum in situ a b, necesse est ut uideatur in situ a b, ergo eleuatum à c d. Est & alia consideratio proportionis ad proxima remotaq;, gratia exempli, si homo esset post columnam a b, lateret eius pars, quæ est propinquior parieti c d, ergo si depinxerimus hominis partes tantum dextram, reliquum sub umbra, cogitur oculus iudicare columnam eleuatam à pariete. Deum omnia hæc ita sunt subiecta oculis, & per minimas differentias



rentias & animaduersiones ita dijudicanda, atq; experimento sub*scienda*, tum proprio, tum aliorum non artis in expertum, ut res prorsus absoluta uideatur, atque in hoc multum refert multiplices partes secundum longitudinem coloribus distinguere ad hoc aptis, qui sunt obscurus, subobscurus, cinereus, qualis silicis candus sine luce, demum etiam aliquid nigri adjiciendum, nam diuisio secundum longitudinem multum impedit, hanc representationem iuant, & extrema benè coaptata, uelut scapi imi, & capitula & superimpi, tū trabeationes ex materia coronæ, zofoni, tœnia, epistylia, plinthi, echini, hypotrachelia, astagali, apophyges. Quæ etiam in parte inferiore cū spiræ seu basi & limbo & toro & plintho inferiore, & stylobata, et alia tœnia summa diligentia, & cum eleuatione ac magnitudine ultra columnæ limites extendantur. Sic in stylobata ratio diapente constat, cui solet addi utrinque sexta pars pro corone, manifestum est autem, quod in ea constat musica ratio diapason ex diapente & diatessaro, compositi nam duæ sextæ partes, altera utrinq; adiecta tertiam conficiunt ut sit diatessaron supra diapente. In regionibus autem & spatijs depingendis eadem fermè seruanda sunt duobus tamen adiectis, quorū unum est ut longinquissima pars, nō per nigrum aut obscurum, sed cœruleum colorē, qualis in cœlo determinanda est (nisi nox fingatur) nam cœlum longissimè à nobis distat, ita nubes coloribus proprijs, & montes cum niuib; & spatia uelut fluminis alueus, mare, lacus, atque hæc omnia per colores distantiae finguntur, uelut fluminis pars propior clara & lympida, & colore aqueo cernitur remota obscura, quæ maximè procul abest nigra. Sed maxima est confirmatio in comparationibus: ut si arbores propè magnæ sint, & homines & animalia, in remotiore autem parte minimi, ac quasi puncti magnitudinem referentes, atque ut in his musica non geometrica aut arithmeticæ proportio seruetur. Evidem si quis iudicio hæc consequatur, ac diligentia quæ scribi non possunt, sed contemplatione habentur, sensu quoque, quem experimentum docet, nec ipsum mandare literis, licet ex rationibus tamen, quas hic docemus intelligat parum differre representationem à re ipsa corporea. Sed de his hactenus, quæ si diligentius quis persequi uelit sine artis experientia, plus adimet perfectioni rei, quam adjicit. Hoc enim aliâs declarauimus.

In primo
Dialectico.

Propositio centesima sexagesima nona.

Proportionem musicam in instrumentis declarare iuxta compositionis rationem.

Cos. Tria sunt instrumentorum genera, in quibus maximè relucet ratio compositionis musicæ quæ à nobis nunc sunt demonstranda, scilicet machinæ bellicæ, ut catapultæ & balistæ & scorpiones, & hydraulica instrumenta ad modulationes parata, quæ antiquo tempore maximè in usu fuerunt nunc desita, de quibus Vitruvius agit

Cap. 15. ad 18. et in cap. 13. in decimo libro. Tertium est æneorum instrumentorum, quorum etiam usus desijt in scœniciis theatris, ad intendendam uocem cum modulatione, ut etiam clamor audientium & uulgi cum uoluptate

Cap. 5. excipiatur, de quo idem in quinto libro egit. Sed nil melius quam
 „ uerba ipsius explicare de hoc tractantis, sunt autem hæc. Musicen
 „ autem sciat oportet, uti canonicam rationem & mathematicam no-
 „ tam habeat: præterea balistarum, catapultarum, scorpionum tem-
 „ peraturas possit rectè facere. In capitulis enim dextra ac sinistra
 „ sunt foramina homotonorum, per quæ tenduntur ergatis aut sucu-
 „ lis & uectibus è neruo torti funes, qui non præcluduntur, nec præ-
 „ ligantur nisi sonitus ad artificis aures certos & equales fuerint. Bras-
 „ chia enim quæ in eas tentiones includuntur cum extenduntur æs
 „ qualiter & pariter utraq; plagam emittere debent. Quod si non ho-
 „ motona fuerint, impedit directam telorum missionem. Item the-
 „ atris uasa ærea, quæ in cellis sub gradib. mathematica ratione collo-
 „ can, & sonitū discrimina, quæ Græci ξην uocāt, ad symphonias mu-
 „ sicas siue concentus componunt, diuisa in circinatione diatessaron
 „ & diapente & diapason, uti uox scœnici sonitus cōueniens in dispo-
 „ sitionibus, tactu cū ostenderit aucta cū incremēto clarior et suauior
 „ ad spectatorū perueniat aures. Hydraulicas quoq; machinas & cæ-
 „ tera q; sunt similia his organis sine musicis rationib. efficere nemo
 „ poterit. Capiamus ergo primum illud qd est manifestius, scilicet de
 „ hydraulicis organis quorum meminit Suetonius in Nerone: Reli-
 „ quam diei partem per organa hydraulica noui & ignoti generis cir-
 „ cunduxit, ostendensq; singula de ratione ac difficultate cuiusq; dis-
 „ serens iam se prolaturum, ut constet illa fuisse magni opificij quæ
 „ nostra etate desiere. Restat unicum & ualde leue exemplū auiculæ
 „ æneæ uel ligneæ resonantis. Certum est aëre effici sonum, sed ita mi-
 „ sceri aquæ, ut dulcior & mollior non solum euadat, sed etiam acutior
 „ ac modulatior. Eadem autem ratio maris: sed cum aquæ corpus
 „ moueatur, uidetur difficile seruare proportionem. ea prima diffi-
 „ cultas. secunda est, quod cùm aqua moueatur, uix fieri posse uide-
 „ tur ut totum seruet uocis integrum tenorem. tertia ob illius con-
 „ sumptio-

sumptionem. Propterea nil mirum est si Nexo de his subtiliter disputauit, mirum fuit quod in tanta animi perturbatione nisi ad amentia, ut illi putant, referatur. Sed quid iam amplius uagor, extat compendiosa ratio constructionis illius apud eundem Vitruvium ubi Philander ex Atheneo sonus hydradis suavis admodum atque iucundus auditu est: ita ut omnes concinnitate capti conuerterent, fuitque Alexendrinę urbē inuentum authore Ctesibio tonsore, est autem magnæ Clepsydræ instrumentum non absimile, sunt enim fistulæ in aquam contortæ, quæ, cùm aqua à iuuene quopiam percutitur, axinis per organum transeuntibus inflantur, periucūdum quæ sonum emittunt. Est autem aræ rotundæ hoc instrumentum persimile inuentumque Ptolemæi secundi Euergitæ temporibus, de quo eundem Ctesibium scripsisse ferunt. Fiebant autem ex ære & basis eligno cum regulis dextra ac sinistra scalari regula compactis, aqua autem in grea arca continebatur. Facile autem est per hæc reliqua inuenire: nam epistomis includebatur aér atque reserabatur, & modus erat per uectes: non tamen octo fistularū & exinde uocum numerum instrumentum id superabat organa nostra ut locupletiora ita asperiora. Liquebat ergo si fabrilis omnis ars ad Architectum pertinet, illum etiam hac ratione oportere esse peritum musicæ.

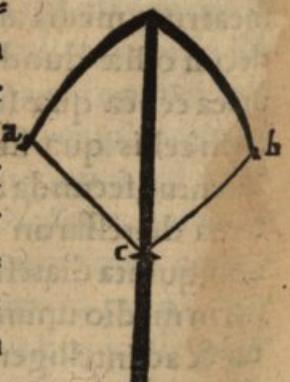
Lib. 5. ca. 5.

De Vasis uero æneis theatri quod melius est quam ut eundem authorem consulamus, dicentem uasa grea pro ratione magnitudinis theatri ita fabricentur, ut cum tanguntur, sonitum facere possint inter se diatessaron diapent, ex ordine addit diapason, postea inter sedes theatri constitutis cellis ratione musica ibi collocentur: ita uti nullum parietem tangent circaque habeant locum uacuum et à summo capite spatum, ponantque inuersa & habeant in parte que spectat ad scenam suppositos cuneos ne minus alios semipede, contraque eas cellas relinquuntur aperture inferiorum graduum cubilibus longe pedes duos altæ semipedem. Et si non erit ampla magnitudine theatrum, media altitudinis transuersa regio designetur, & in ea tre decim cellæ duodecim æqualib. interuallis distantes conformicent uti ea echea quæ supra scripta sunt, ad neten hyperboleon sonantia in cellis quæ sunt in cornibus extremis utraque parte prima collocentur, secunda ab extremis diatessaron ad neten diezeugmenon, tertia diatessaron ad neten parmeson, quarta ad neten synemmenon, quinta diatessaron ad mesen, sexta diatessaron ad hypaten mesen in medio unum diatessaron ad hypaten hypaton. Quæ sequuntur & ad intelligentiam prædictorum melius ex Gulielmo Philandro emendata sic transcribemus: Eas regiones in tredecim cellas diuidit æqualibus interuallis: id est, cellas paribus uicissim intersticijs

Iticis dispositas distribuit sex hinc atq; hinc & unam medium, quæ
 tamen non usus, sed partitionis & responsus causa sit in media pre-
 cinctione. In ima præcinctione ponuntur uasa quæ habent harmo-
 nie ratione, hoc modo. In cornu cellis collocantur quæ sonitu ha-
 bent netes hyperboleon. Subsequuntur utrinq; quæ sunt ad neten
 diezeugmenon interuallo consonantia diatessaron. In tertis cel-
 lis sunt quæ ad neten paramecen interuallo item diatessaron, quæ
 sunt in quartis tono solummodo distant & sunt netes synemenon.
 In quintis cellis sunt ad mesen interuallo diatessaron. In sextis cellis
 ad hypaten meson, itē diatessaron spatio. In media cella sunt ad hy-
 paten hypaton interuallo diatessaron. In media præcinctione sunt
 uasa chromatos, collocantur autem in cornibus uasa quæ sunt ad
 paraneten hyperboleon. In secundis cellis ad paraneten diezeugme-
 nō spatio diatessaron, in tertis ad paraneten hynemenon spatio dia-
 pente. In quartis ad lichanon meson interuallo diatessaron. In quin-
 tis ad lichanon hypaton, itē diatessaron. In sextis ad paramecen qd
 spatium ad paraneten hyperboleon est diapente ad paraneten hy-
 nemon diatessaron. In chromatis media cella nulla sunt uasa,
 quod à lichano hypaton ad proslambanomenon, aut ad aliam o-
 mnino decem & octo uocum nulla sit consonantia, sunt enim hæ-
 mitonia tantum duo & tonus. In tertia præcinctione collocantur
 uasa diatoni. Et in cornibus quidem ea quæ sunt ad paraneten hy-
 perboleon. In secundis cellis ad paraneten diezeugmenon spatio
 diatessaron. In tertis ad paraneten hynemenon diapente. In quar-
 tis ad lichanon meson diatessaron. In quintis ad lichanon hypaton
 diatessaron. In sextis quæ ad proslambanomenon diatessaron spa-
 tio. In media quæ sunt ad mesen, quod ea ad proslambanomenon
 habet consonantiam diapason, & ad lichanon hypaton diapente.

Lib. I 6. Hæc autem ex figura patent in opere de Subtilitate descripta.

Porro quod ad machinas attinet. Sit catapulta, cuius rudens ab
 quam oportet trahere, si emittere debeat lapi-
 dem, aut scorpio sagittam ad aliquod signum
 pura c, cum ergo sonus c a & c b homotenus fue-
 rit, non solum æqualiter pertractæ erunt c a &
 c b, sed etiam æquales: nam si æquales essent, &
 ingualiter tractæ, aut inæquales & inæqualiter
 tractæ sonū diuersum reddēt euidenter. At si in-
 æquales & equalē sonum reddant, erit tñ ut fidis
 notæ quæ strepitum edit duplicem, & effigiem
 oculis multiplicē, unde sagitta in partem aduer-
 sam dirigitur rudētis intentioris, atq; hæc ex Vitruvio eodem dum
 de his agit.



Propositio

Propositio centesimaseptuagesima.

Coniugationes cuiusvis numeri breuiter inuenire.

Sint gratia exempli decem homines, & patet quod possent esse finis co-guli, & hoc decem modis, quia sunt decem, ut Petrus & Ioannes: item, possunt esse omnes simul, & hoc uno modo tantum, & possunt esse duo, & hoc potest uariari quantumq[ue] modis: & possunt esse octo, & manifestum est, quod totidem modis uariantur, scilicet quantumdraginta quinque, nam cum erunt octo, duo qui relinquuntur, uariari possunt 45 modis, ergo & illi octo ad unguem totidem modis. Et si similiter tres quot modis uariantur tot modis septem, & quot modis quatuor tot sex: quinque autem quia sunt dimidium decem, pluribus modis uariantur. Et ideo pro ordine huius detrahes unum, ut si sint undecim uiri pones decem, si decem pones nouem, & colliges naturalem seriem numerorum, ut infra uides uno semper termino deficiente: & ex priore ordine, ubi uidebis semper etiam duplicari numeros: ut 3.6. inde sub 6.10. & 20 a latere, & sub 20 35. & a latere 70 du-

| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 |
|----|----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|----|----|----|
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | |
| 3 | 6 | 10 | 15 | 21 | 28 | 36 | 45 | 55 | | |
| 4 | 10 | 20 | 35 | 56 | 84 | 120 | 165 | | | |
| 5 | 15 | 35 | 70 | 126 | 210 | 330 | | | | |
| 6 | 21 | 56 | 126 | 252 | 462 | | | | | |
| 7 | 28 | 84 | 210 | 462 | | | | | | |
| 8 | 36 | 120 | 330 | | | | | | | |
| 9 | 45 | 165 | | | | | | | | |
| 10 | 55 | | | | | | | | | |
| 11 | | | | | | | | | | |

lut sextus ordo est 7.28.84.210.462. ita incipiendo in primo ordine a 7, & tendendo ad dextram, inuenies illos eosdem numeros ad unguem, & ita in septimo ordine 8.36.120.330. a sinistra inuenito 8 in primo ordine, & procedendo ad dextram, inuenies 36.120. & 330. Tertium est quod numeri ultimi a medio sunt idem, ut 462 & 462.330 & 330.165 & 165.55 & 55.11 & 11. Et seorsum, ut dixi, remanet 1. Oportet igitur colligere numeros angulares, ut a latere uides, & fit 2047 numerus coniugationum, tot enim modis possunt uariari. Et si essent decem tantum, ut ab initio proposui, primus ordo finitur ad 10, secundus ad 45, tertius ad 120, quartus ad 210, quintus ad 252, sextus redit ad 210, septimus ad 120, octauus ad 45, nonus ad 10, decimus ad 1. Et ita colligeretur summa ex extremis numeros angularibus 1023. Et tot erunt coniugationes. Hic uides quia numerus 10 est par, et quod adempta monade, relinquitur 9, qui est impar quod medius qui pertinet ad quintum ordinem est maxi-

mus,

mus, & est 252, & est coniugatio quinarij: hoc uolui dixisse, ut intelligeres rationes colligendi singulos ordines seorsum. Quod ergo attinet ad collectionem maximi numeri, primus ordo seruit semper ultimo relinquendo monadem, & secundus penultimo, & tertius antepenultimo, & ita de alijs, nam si secundus uariatur 55 modis, & penultimo uariabitur 55 modis. Et si tertius uariatur 165 modis, antepenultimo uariatur 165 modis. Et ita de alijs.

Cor. i. Hæc autem ratio satisfacit multum, & est necessaria in temperiebus corporis humani. Ut in secundo, De dentibus. Et etiam ut quælibet disciplina quam breuissimè tradi possit, ut gratia exempli, medicina tota in una pagina, dico medicina non solum Græcorum, sed etiam Arabum & Latinorum, & etiam longè plus: nam si tradatur uigintiquatuor regulis simplicibus, & ex illis siant coniugationes 16777215, manifestum est quod erunt regulæ omnes haec multo plures, quam continentur in omnibus libris Græcorum, & Arabum, & Latinorum, qui extant. Et tamen perspicuum est, uigintiquatuor regulas una pagina commodissimè contineri. Et hoc alijs docui, quam credam me errasse in supputatione, nam locum inuenire non potui. Vnum est id certum, quod hæc ratio quam nunc explicabo, est uera & demonstrativa, & facillima.

Cum enim superior sit uera & demonstrativa, non est tamen facilis, & præcipue in magnis numeris. Et ideo inueni hanc, quæ (ut dixi) facillima est: adde numero proposito monadem, inde conflatæ inuenias numerum à monade in eodem ordine, & ab eo detracta monade habes numerum coniugationum. Exemplum, si sint 10 adde 1 fit 11. Undecimus ergo numerus in proportione dupla est 1024, detrahe 1 & relinquuntur 1023 numerus coniugationum, ut in priore supputatione. Item si sint 11 numeri adde 1 fit 12, duodecimus ergo numerus in proportione dupla est 2048, detrahe 1 residuuntur 2047, coniugationes 11, ut prius in supra scripto exemplo. Et ita pro uigintiquatuor regulis adde 1 fit 25, uigesimus quintus igitur numerus in ordine duplæ proportionis à monade est 16777216, ergo detracta monade relinquitur numerus (ut dixi) regularum & coniugationum uigintiquatuor regularum, quæ tandem non sint contrariæ inuicem: nam tunc essent pauciores. Et quia in istis numeris duplicandis posses facile incidere in errorem, diuide ultimum per 16, & si nihil superest, rectè processit opus: sin autem

| | |
|------|-----|
| 11 | |
| 55 | |
| 165 | |
| 330 | |
| 462 | |
| 462 | |
| 330 | |
| 10 | 165 |
| 45 | 55 |
| 120 | 11 |
| 210 | |
| 252 | |
| 210 | |
| 120 | |
| 45 | |
| 10 | |
| 1 | |
| 1023 | |
| 2047 | |

autem aliquid supersit, aberrasti. Ut autem habeas numeros singulorum ordinum, in quavis multitudine, deducto numerum ordinis à primo, & diuide per numerum ordinis ipsius reliquum, & illud quod prouenit, duci in numerum maximum præcedentis ordinis, & habebis numerum quæsumum. Velut si sint undecim, uolo scire breuiter numeros, qui fiunt ex uariatione trium. Primum deduco pro secundo ordine 1 ex 11 fit 10, diuide per 2 numerum ordinis, exit 5, duco in 11 fit 55 numerus secundi ordinis. Inde detraho 2, qui est numerus differentiæ ordinis tertij à primo ex 11, relinquitur 9, diuide 9 per 3 numerū ordinis exit 3, duco 3 in 55 numerum secundi fit 165, numerus tertij ordinis. Similiter uolo numerum uariationum quatuor, deduco 3 differentiam 4 à primo ordine ab 11, relinquitur 8. diuide 8 per 4 numerum ordinis, exit 2, duc 2 in 195 fit 330. numerus quarti ordinis. Similiter pro quinto detraho 4 differentiam à primo ordine, relinquitur 7, diuide per 5 numerum ordinis exit $1\frac{2}{5}$, duco in 330 numerum præcedentis ordinis, fit 462 numerus quinti ordinis.

Ex hoc colligitur manifestè modus conuertendi proportionem arithmeticam in proportionem mistam: dico mistam, quia oportet addere monadem in priore numero: deinde quia numerum terminorum oportet sumere iuxta numerum assignatum, scilicet addita monade: demum, quia oportet detrahere monadem ipsam. Est tamen sumpta à proportione Geometrica ut liquet, scilicet continua dupla.

Cor. 2.

Propositio centesima septuagesima prima.

Propositis duobus quibuslibet numeris, quotuis alios, seu in continuum, seu medios in continua proportione arithmeticæ, geometricæ & musica inuenire.

Hæc tota propositio pendet ex intellectu diffinitionis earum. Co_m.
Sint ergo propositi duo numeri 2 & 3, & uelim tertium in continua proportione arithmeticæ, duplico quemuis, ut pote 3 fit 6, de Diff. 2.

Q 2 traho

| | |
|----|----------|
| 1 | 1 |
| 2 | 2 |
| 3 | 4 |
| 4 | 8 |
| 5 | 16 |
| 6 | 32 |
| 7 | 64 |
| 8 | 128 |
| 9 | 256 |
| 10 | 512 |
| 11 | 1024 |
| 12 | 2048 |
| 13 | 4096 |
| 14 | 8192 |
| 15 | 16384 |
| 16 | 32768 |
| 17 | 65536 |
| 18 | 131072 |
| 19 | 262144 |
| 20 | 524288 |
| 21 | 1048576 |
| 22 | 2097152 |
| 23 | 4194304 |
| 24 | 8388608 |
| 25 | 16777216 |

traho 2, reliquum remanet 4 tertius numerus. Item uolo quartum, duplico 4 fit 8, detraho 3 remanet 5 quartus numerus: item uolo minorem 3 & 2, duplico 2 fit 4, detraho 3 remanet 1, si autem uellem minorem uno, non posset, quia esset nihil, sed crescendo potest extendi in infinitum, ita capio 2, & $\frac{1}{2}$ 10, duplico $\frac{1}{2}$ 10, fit $\frac{1}{2}$ 40, detraho 2, remanet $\frac{1}{2}$ 40 m: 2, & ita si uolo quartum numerum, duplico $\frac{1}{2}$ 40 m: 2 fit $\frac{1}{2}$ 160 m: 4, detrahe $\frac{1}{2}$ 10 ex $\frac{1}{2}$ 160 m: 4, remanet $\frac{1}{2}$ 90 m: 4, & ita $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ 10 $\frac{1}{2}$ 40 m: 2, & $\frac{1}{2}$ 90 m: 4, sunt in continua proportione arithmeticæ, & ita potest extendi in infinitum. Sed si uellem unum, aut duos, aut tres terminos, uel quovis medio 5 arithmeticæ, diuido differentiam per 1 p: numero terminorum, & partes addo minori numero. Exemplum, uolo tres numeros medios inter 2 & 7 in continua proportione arithmeticæ, detraho 2 à 7 remanet 5, diuido 5 per 1 p: quam 3, id est per 4, exit $1\frac{1}{4}$, adde ergo $1\frac{1}{4}$ ad 2 fit $3\frac{1}{4}$ primus terminus, cui adde iterum $1\frac{1}{4}$ fit $4\frac{1}{2}$ secundus terminus, cui adde iterum $1\frac{1}{4}$ fit $5\frac{3}{4}$ tertius numerus: fient ergo quinque termini, hoc modo in continua proportione arithmeticæ $2\frac{1}{4}$ $4\frac{1}{2}$ $5\frac{3}{4}$ & 7. Rursus uolo totidem, uolo inter 2 & $\frac{1}{2}$ 32, detraho 2 ex $\frac{1}{2}$ 32 remanet $\frac{1}{2}$ 32 m: 2, diuido per 4, qui est 1 p: numero terminorum, exit $\frac{1}{2}$ 2 m: $\frac{1}{2}$, addo ergo $\frac{1}{2}$ 2 m: $\frac{1}{2}$ ad 2 fit $1\frac{1}{2}$, p: $\frac{1}{2}$ 2 primus terminus, cui iterum addo $\frac{1}{2}$ 2 m: $\frac{1}{2}$ fit $\frac{1}{2}$ 8 p: 1, secundus terminus, cui etiam addo $\frac{1}{2}$ 2 m: $\frac{1}{2}$ fit $\frac{1}{2}$ 18 m: $\frac{1}{2}$, & ita habes tres terminos medios in continua proportione arithmeticæ inter 2 & $\frac{1}{2}$ 32, & ita si uelles quatuor terminos, diuideres differentiam per 5, & si uelles quinque, diuideres per sex, & ita de alijs quibuscumque.

Pro Geometrica proponantur, gratia exempli, 2 & 4, si uelim in continua proportione tertium, duco 4 in se met fit 16, diuido per 2 exit 8. & si uelles quartum duc 8 in se fit 64, diuide per 4 exit 16 quartus terminus, & ita in infinitum, & si uelles minorem 2, duc 2 in se fit 4, diuide 4 per 4 exit 1 tertius terminus, & ita si uelles minorem duc 1 in se fit 1, diuide per 2 exit $\frac{1}{2}$ quartus terminus, & ita habes quosuis terminos, & est similis arithmeticæ hæc operatio, sed in arithmeticæ duplicamus unum terminum, & detrahimus alium: in geometrica multiplicamus unum terminum ad productum, & diuidimus per alium. Et si uelim terminum in continua proportione 2 & $\frac{1}{2}$ 10, duco eodem modo $\frac{1}{2}$ 10 in se fit 10, diuido per 2 fit 5 tertius terminus, & uelim quartum, duco 5 in se fit 25, diuido per 5 10 exit $\frac{1}{2}$ 62 $\frac{1}{2}$ quartus terminus.

Et si uelles plures terminos medios in proportione geometrica, deducito maius extremum in se secundū denominationē inferiorē, id est, si

est, si uolo duos terminos semel, & deinde in minorem, & $\sqrt[3]{}$ cubica producti est secundus terminus, idem facio de minore in se inde in maiorem, & accipio $\sqrt[3]{}$ cu. Exemplum, uolo duos terminos inter 2 & 3, duco 3 in se fit 9, duco 2 in 9 fit 18, capio $\sqrt[3]{}$ cu. 18, hic est unus terminus, & ita duco 2 in se fit 4, duco in 3 fit 12, capio $\sqrt[3]{}$ cu. 12 pro secundo termino. Et si uolo tres terminos, duco 3 in 3 fit 9, duco 3 in 9 fit 27, duco 2 in 27 fit 54, & $\sqrt[3]{}$ 54 est primus terminus. Item duco 2 in 2 fit 4, duco 3 in 3 fit 9, duco 4 in 9 fit 36, & $\sqrt[3]{}$ 36, id est, $\sqrt[3]{}$ 36 est secundus terminus, similiter duco 2 ad suum cubum fit 8, duco 3 in 8 fit 24, & $\sqrt[3]{}$ 24, est tertius terminus. Similiter uolo quatuor terminos medios, duco 3 in 3 fit 9, duco 9 in 9 fit 81, duco 2 in 81 fit 162, & $\sqrt[3]{}$ relata prima 162, est primus terminus, item duco 2 in 2 fit 4, & 4 in 4 fit 16, & 3 in 16 fit 48, & $\sqrt[3]{}$ relata prima 48 erit quartus terminus, item ducendo 3 ad cubum fit 27, & 2 ad quadratum, & fit 4, & 4 in 27 fit 108, & $\sqrt[3]{}$ relata prima 108, erit secundus terminus, & similiter ducendo 2 ad cubum fit 8, & 3 ad quadratum fit 9, & 9 in 8 fit 72, & $\sqrt[3]{}$ relata prima 72 est tertius terminus. Habetis ergo terminos in continua proportione 2, id est, $\sqrt[3]{}$ relata prima 32, $\sqrt[3]{}$ relata prima 48, $\sqrt[3]{}$ relata prima 72, $\sqrt[3]{}$ relata prima 108, $\sqrt[3]{}$ relata prima 172, & $\sqrt[3]{}$ relata prima 243, quod est 3, & ita de alijs infinitum.

At pro musica, si sint exhibiti duo numeri minores ut potè 2 & 3, uelim tertium terminum, diuido 2 per 1 differentiam exit 2, detraho 1 pro regula remanet 1, diuido 3 maiorem terminum per 1 exit 3, adde 3 ad 3, fit 6 maior terminus. Similiter capio 3 & 4, diuide 3 minorem terminum per 1 differentiam exit 3, detrahe 1 pro regula, relinquitur 2, diuide 4 terminum medium per 2 exit 2, adde ad 4 fit 6 maior terminus. Stiphelius autem erat in sua regula, nam sic 12 4 & 3 essent in continua proportione musica ex sua regula. Dico ergo, quod si proponantur 5 & 7, & uelim musicam proportionem continuare, detraho 5 de 7 relinquitur 2, diuido 5 per 2 exit $2\frac{1}{2}$, detrahe 1 pro regula remanet $1\frac{1}{2}$, diuide 7 per $1\frac{1}{2}$ exit $4\frac{2}{3}$, adde ad 7 fit $11\frac{2}{3}$, reduc ad integra multiplicando omnia per 3, habebis 35, 21, & 15, in continua proportione musica, nam 35 ad 15 est ut 7 ad 3, & 14 ad 6, est ut 7 ad 3, est autem 14 differentia 21 & 35, & 6 differentia 21 & 15, & ita posses continuare inueniendo quartum, quintum, sextum, in infinitum. Rursus sint propositi duo termini maiores, uelut 6 & 4, detrahe 4 à 6 exit 2, diuide 6 per 2 exit 3, adde 1 pro regula fit 4, diuide 4 minorem terminum per 4 exit 1, detrahe 1 ex 4, relinquitur 3 minor terminus, & ita propositis 6 & 3

Q. 3 differentia

differentia est 3, diuide 6 per 3 differentiam exit 2, adde 1 pro regula fit 3, diuide 3 per 3 exit 1, detrahe ex 3 relinquitur 2 minor terminus, & ita potes inuenire quotuis. Gratia exempli, habeo 3 & 2 maiores, capio 1 differentiam, per quam diuido 3 exit 3, addo 1 fit 4, diuido 2 minorem terminum per 4 exit $\frac{1}{2}$, detrahe $\frac{1}{2}$ ex 2, relinquuntur $1\frac{1}{2}$, erunt ergo 32 & $1\frac{1}{2}$. 1. 6. 4. 3. duplicando 2, ut prius in continua proportione musica, quia ergo 632 sunt in continua proportione musica, & 32, & $1\frac{1}{2}$ sunt in continua proportione musica, erunt duplicando 3. 4. 6. 12. in continua proportione musica. Rursus sint propositi maior, & minor terminus, ut 6 & 2, diuides maiorem per minorem exit 3, cui addes 1 fit 4, diuide 4 differentiam 6 à 2 per 4 iam inuentum exit 1, adde ad 2 fit 3 medius terminus, similiter inter 6 & 3, uolo medium terminum in proportione musica, detraho 3 à 6, relinquitur 3, similiter diuido 6 maiorem terminum per 3 minorem terminum, exit 2, addo 1 pro regula fit 3, diuido 3 differentiam iam seruatam per hoc 3 iam inuentum exit 1, addo ad 3 minorem terminum fit 4, medius terminus, sic uolo inter 4 & 6 medium terminum in continua proportione musica, diuido 6 per 4: exit $1\frac{1}{2}$, addo ei pro regula fit $2\frac{1}{2}$, diuide 2 differentiam 4 & 6 per $2\frac{1}{2}$ exit $\frac{4}{5}$, adde ad 4 fit $4\frac{4}{5}$ terminus medius, duc omnes in 5, habebis integros numeros 30, 24 & 20, & sunt pulcherrimæ regulæ, quia posses diuidere 24 & 20 interponendo medium, id est capiendo 6 & 5, diuide 6 per 5 exit $1\frac{1}{5}$, adde 1 pro regula fit $2\frac{1}{5}$, diuide 1 differentiam per $2\frac{1}{5}$ exit $\frac{5}{11}$, adde ad 5 fient termini $5\frac{5}{11}$ & 6, reduc ad integra fient 55. 60. 66. & quia 30. 24. & 20, etiam erant in continua proportione, & 30 ad 20, erat sexquialter, ideo capiam sexquialterum ad 55, & est $82\frac{1}{2}$, erunt ergo $82\frac{1}{2}$. 66. 60. & 55. in continua proportione musica, ergo duplicando 165 132 120 & 110, erunt in continua proportione.

Adnotat Stiphelius, quod cum fuerint tres termini in continua proportione geometrica, & inter primum & tertium interpositus fuerit terminus in continua proportione arithmeticæ, quod ibi erit proportio musica, & dat exemplum de 12. 9. 8 & 6, sed ita est intelligendum, ut assumpta proportione arithmeticæ, ut potè 12 9 & 6, inde ut est 9 ad 6, ita fiat 12 ad 8, tunc isti tres termini 128 & 6 erunt in continua proportione musica. Ethoc est pulchrum, si ita intelligatur, scilicet ex proportione Geometrica & Arithmeticæ constitvere proportionem musicam,

Ex hoc

DE PROPORTIONIBVS LIB. V.

Ex hoc patet qd in proportionē Arithmetica & musica semper, si cor. duo termini fuerint numeri, tertius erit numerus, & in Geometrica idem erit, si medius & extremus fuerint numeri, erit alter extremus numerus, sed tamen si unus euariet, omnes poterunt esse diuersi.

Propositio centesima septuagesima secunda.

Proportiones Stipheliū describere.

Considerauit Michael Stiphelius quod sumpsit à Boëtio, quādam inueniri proportiones tribus numeris constitutis, quae in nullo trium primorum generum continerentur, sed quādam tamen geometricis aliæ musicis assimilarentur, prima ergo Geometricarum est, quoties proportio secundæ ad primam fuerit, uelut differentiæ secundæ & primæ ad differentiam secundæ & tertiaræ. Velut capio 2, 4, 5, proportio 4 ad 2 est dupla talis est 2 differentiæ 4 & 2 ad 1 differentiam 5 & 4, nam in uera proportione Geometrica fit conuerso modo, quia proportio secundæ ad primam est, uelut differentiæ tertiaræ & secundæ ad differentiam secundæ à prima ut in 4. 6. & 9 proportio 6 ad 4 est uelut 3 differentiæ 9 ad 6 ad 2 differentiam 6 & 4.

Secunda proportio quam ille appellat posteriorem, est in qua proportio tertij ad secundum est uelut differentiæ primi & secundi ad differentiam secundi & tertij: Velut capio 1, 4, 6, proportio 6 ad 4 tertij scilicet, & secundum est uelut 3 differentiæ 4 & 1, ad 2 differentiam 6 & 4, & hæc similiter differt à Geometrica uera in eo quo in Geometrica uera oporteret, ut proportio tertij ad secundum esset ut differentia tertij & secundi ad differentiam secundi & primi. Differt à priore, quoniam in illa differentiæ seruant eundem ordinem, quanuis transferantur in hac uero sit conuersus modus.

Tertia est ut sit proportio differentiæ primæ & tertiaræ ad differentiam primæ & secundæ, uelut secundæ ad primam, in Geometria autem esset sicut aggregati secundæ & primæ ad ipsam primam, tales ergo quantitates erunt uelut 4, 6, 7, nam proportio 6 ad 4 est uelut 3 differentiæ 4 & 7 ad 2 differentiam 4 & 6.

Quarta proportio similis Geometricæ est cum fuerit proportio differentiæ primæ & tertiaræ ad differentiam tertiaræ & secundæ, uelut secundæ ad primam, uelut in 2, 3, 5 proportio differentiæ 5 & 2 quæ est 3 ad differentiam secundæ & tertiaræ, quæ est 2 est uelut 3 quantitas secundæ ad 2 quantitatem primam.

Prima autem harmonicarū quæ notha est nec legitima, hoc modo sumitur: Ut sit proportio primæ ad tertiam uelut differentiæ secundæ & tertiaræ ad differentiam secundæ & primæ, ueluti capio 6 primam 5 secundum 3 tertiam proportio 6 ad 3 est dupla sicut 2 differ-

entiæ

rentiæ secundæ à tertia ad 1 differentiam secundæ à prima. Manifestum est autem quod in uera harmonica proportio differentiarum est primæ & secundæ ad illam quæ secundæ & tertiae.

Secunda nota harmonica est, ut sit proportio primæ ad tertiam, uelut differentiæ primæ à tertia ad differentiam secundæ à tertia, ponatur 25, prima 21, secunda 15, tertia proportio 25 ad 15 est uelut 10 differentiæ primæ à tertia ad b differentiam secundæ à tertia.

Tertia est similis priori, nisi quod sumitur differentia primæ à secunda pro ultimo termino. Exemplum, 25 primus terminus, 19 secundus, 15 tertius, proportio 25 ad 15 est uelut 10 differentiæ primæ à tertia ad b, differentiam primæ à secunda.

Has proportiones quanquam exiguae utilitatis, proponere uoluimus, ut excogitatis aliquibus demonstrationibus, uelut superius diximus, pulchra theorematum & problemata tradi possent.

Propositio centesima septuagesima tercia.

Circulum super centro suo mouere æqualiter, ita quod omnia illius puncta per rectam lineam moueantur ulro citro q.

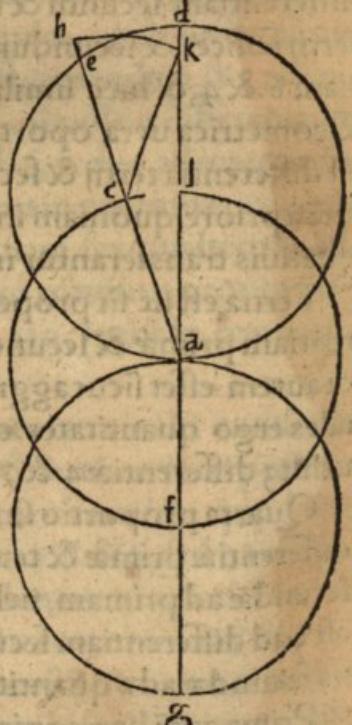
Co^m. Sit a centrum circuli b c, & æqualis ei circulus d e, centrum eius b in circumferentia circuli b c, fixum ita ut ibi moueat ad motum circuli b c: & moueat b uersus c æqualiter, & è contrario motu etiam regulariter, & duplo uelocius ex e uersus d, dico omnia puncta d e moueri in linea recta, & primum capio punctum d, quod sit in linea recta centrorum: & moueat b ad c, & si circulus d e esset immobilis, palam est quod punctum d cum sit in una linea a b, cum b perueniret in c, d esset in linea a c, putà in h secundum quantitatem, ergo b d ex

Per 2 o. ter centro c, describo circuli portionem h k, duco etiam c k, erit ergo angulus h c k duplus a, quare arcus h k duplus b c, nam consistunt in centris circulorum æ qualium: igitur cum ex h motu conuerso, & duplo ueloci in eodem tempore feratur d perueniet in k, & ita secundum rectam lineam erit motum eadem ratione ex d in k, quod erat demonstrandum.

Ex hoc

$$\begin{array}{c} 10 \\ \swarrow \quad \searrow \\ 25 \quad 21 \quad 15 \\ \quad \quad \quad \swarrow \\ \quad \quad \quad 6 \end{array}$$

$$\begin{array}{c} 10 \\ \swarrow \quad \searrow \\ 25 \quad 19 \quad 15 \\ \quad \quad \quad \swarrow \\ \quad \quad \quad 6 \end{array}$$



Ex hoc patet quod quando b erit in c peracta quarta circuli, ut in secunda figura erit per motum l e in a: nam cum d a sit dupla cb, igitur in eodem tempore l perueniet ad a, in quo b perueniet ad c.

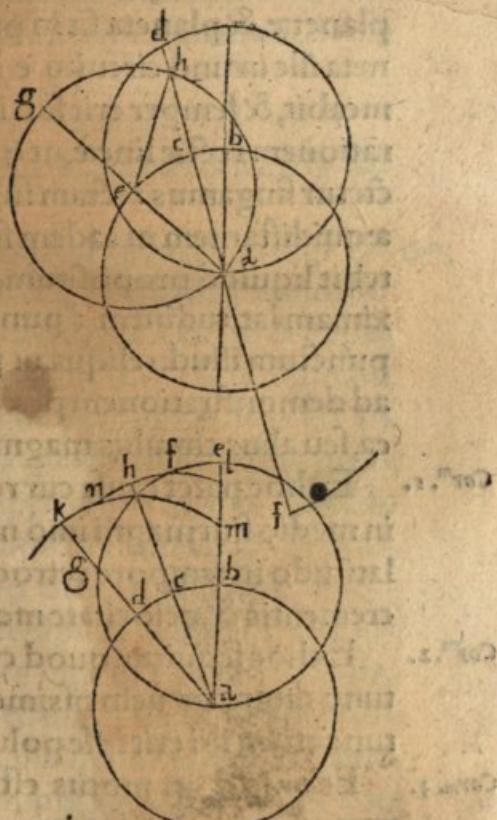
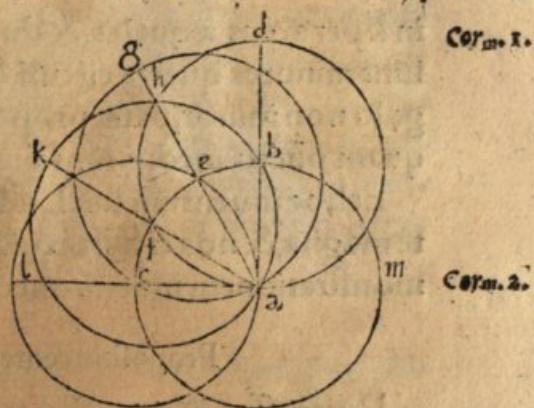
Dico etiam, quod quādō b perueniet ad f in prima figura, d perueniet ad g, quia permeabit totum circulum, & ab d sunt in una recta linea. Et cum b perueniet ad m in secunda figura, d rursus perueniet ad a centrum.

Ex hoc patet, quod punctum d permeabit lineam rectam aequalem duplo diametri unius circuli, id est, quantum est linea ag in prima figura.

Sequitur etiam, quod d punctum meabit et remeabit per rectam lineam ag, peragendo bis eam in uno circuitu circuli b c, seu duobus circuitibus d e.

Ostendamus modo, quod punctum d extra lineam centrorum, scilicet in linea d c a f transibit per rectam eandem, ut in tertia figura producatur c d usq; ad k, ita ut c k sit aequalis c a, erit ergo punctus d primæ figuræ in regione k tertiae, & dum c mouetur ad e, d perueniat ad g, erit ergo e g aequalis ea, & secet circulus gh rectam a d in h, & ducatur ch. Et erit ut prius angulus h e g duplus h a g, ergo arcus gh duplus e c, ergo g remeauit in h in tempore quo c feretur in e, quare d descendit per rectam in h.

Dico rursus, quod quanto magis d erit propinquum lineæ d g, tanto minus descendet in recta, quanto magis propinquum longitudinibus medijs, tanto celerius mouebitur, adeò ut in secunda figura appareat motum ex d in g, non descendit nisi per dn, & motum ex g in l descendit ex n in a centrum fixum. Descendet ergo ex e in h & h



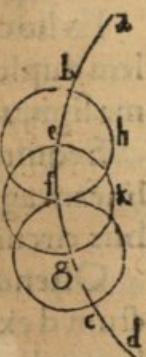
in k per arcus æquales, & ducantur arcus h l & k m. Quia n m & n l sunt minores quarta circuli, & maiores sunt f e & f l, & angulus angulo non minor, patet propositum. Ita ergo motus, ut appropinquant puctis medijs sunt uelociores, & in æquali distâta æquales.

Ethoc inuentum fuit Ludouici Ferrarii, cuius meminimus in Arte magna, & nos ei subtexuimus ex nostra inuentione, cuius ille demonstrationem inuenire nequivit.

Propositio centesima septuagesima quarta.

Progressus & regressus tam sine latitudine, quam cum latitudine in planetis per solos concentricos circulos æqualiter motos demonstrare.

Co^m. Sit ecliptica ab cd, & arcus regressus b c in partes quatuor æquales diuisus, & describantur circuli duo b h & e k super e & f, & supponatur orbis superior sub ecliptica tamen, cuius polus in f, qui circumagatur in duplo temporis retrocessus planetæ, & in distantia circuli e k sub puncto e eclipticæ, polus alterius orbis concentrici inferioris, qui circumagatur in tempore retrocessus planetæ, & planeta sit in punto b, liquet ergo quod planeta ille in uno circuitu e k circuli permeabit b c & remeabit, & semper erit sub ipsa ecliptica. Sed enim ecliptica habet rationem rectæ lineæ, ut quiuis circulus maximus. Et si quis reluet singamus rectam subtensam arcui b c, & aliam postmodum æquidistantem in eadem superficie, & in orbe inferiore, & tunc probet liquidò propositum. Sed si uelim latitudinem describam, maximam latitudinem à punto b, & ducam circulum magnum per punctum illud: reliqua ut prius, ad unguem: nihil enim refert quod ad demonstrationem præcedentis attinet, seu ad ponatur ecliptica, seu alias circulus magnus.



Cor^m. 1. Ex hoc patet causa cur retrocessus in initio, & in fine sint exigui, in medio sint magni immo maximi, & quomodo perpetuo uarietur latitudo in tempore retrocessus, & ratio omnium, & similiter de incrementis & uelocitate motus.

Cor^m. 2. Ex hoc sequitur, quod cum erratica fuerit in centro seu polo f, & tunc mouetur uelocissime, quod tamen erit in opposito solis, & tunc etiam ibi erit ipse polus, quare alter erit cum ipso sole.

Cor^m. 3. Et quia dum motus est uelocissimi secundum ordinem signorum, tunc erratica superior est soli iuncta, estq; in polo, oportet ut polus f moueat secundum ordinem signorum, adeò ut cum sol peruererit ad illius oppositum, orbis superior dimidium perficerit circuitus

circuitus, inferior autem integrum. Ergo orbis superior tanto radiis mouetur sole, quantum est id quod peragit polus sine æquali motu in orbe signorum, per motum circunduentis orbis superioris in tempore dimidij circuitus. Inferior ergo cum moueatur duplo uelocius superiori, ut dictum est, igitur duplo uelocius sole, nisi quantum est duplum motus poli superioris per motum orbis circunduentis.

SCHOLIUM I.

Intelligo autem per arcum retrocessus non solum illum quo planeta retrocedit, nam hic est longè minor arcu processus, sed in quo motus inæqualis est minor æquali, palam autem est hunc fore æqualem arcui uelocioris motus quam sit motus æqualis.

SCHOLIUM II.

Cum ergo, dum erratica est in polo orbis superioris, ibi quiescat motu eius, motu autem inferioris orbis uelocissimè moueatur seu progrediendo seu regrediendo motuqe circulari, & tamen per rectam lineam, igitur uideretur quod motus circularis partes posset transire in rectum. Respondeo quod sufficit sola inclinatio ob magnitudinem anguli: nam dum sydus transfertur extra centrum motu orbis inferioris, mouetur uelociter quoad angulum motu orbis superioris.

Propositio centesima septuagesima quinta.

Causam uarietatis diametrorum ex suppositis concentricis demonstrare.

In tribus superioribus planetis & quibuscumqe stellis octauis orbitis manifestum est, quod pars quæ respicit nos quanto remotior fuerit à Sole, tanto magis illuminatur. Manifestum est etiam & experimento & ratione, quod illud quod magis lucet, & est illuminatum a Sole in nocte, maius uidetur, sicut etiam de facibus nocturnis. Et rursus, quod substantia orbium circa loca quæ habentur pro polis est densior, & quod res in medio denso apparent maiores, sicut de piscibus in aqua, denarijs & baculis. Demonstratum autem est in praecedenti, quod quando stella fuerit in polo orbis superioris, quod tunc maximè retrocedit, & ideo cum in tempore maximî retrocessus sit in opposito Solis dum tres superiores sunt in oppositu Solis, multo maiores duabus ex causis esse uidentur, & iuxta proportionem propinquitatis ad Solem commutant quantitatem & tanto minores apparent, quia non possunt commutare formam, uelut Luna propter æqualitatem substantie & luminis proprij copiam, que non sinit discerni uarietatem figuræ. In Luna autem secus est, nam in ipsa

ipsa discernitur ob paucitatem luminis proprij figuræ uarietás, & ob id non apparet maior, imò minor aut mediæ quantitatis in op-
posito Solis, sed maxima in longitudinibus medijs, quoniam ibi
sunt poli motus uarietatis ut dictum est, quæ habet locum retroces-
sus, sed ob motus paruitatem Luna non potest retrocedere, uerùm
solum motus tardatur. Nam licet densitas sit in cœlo superiore &
motus uelox nihilominus efficit imaginem maiorem, sicut apparet
de pisce in magna aqua in medio, & in parua in imo, nam in parua
uidetur longè maior quā in magna, licet sit in æquali distantia. In
Venere autem & Mercurio eadem est ratio distantiae à Sole ut di-
ctum est in præcedenti. Cum ergo sub Sole multum moueantur
motu differentiæ uel secundum successionem, uel contra succee-
sionem in medijs longitudinibus, parum tunc uidentur esse mino-
res, quia sunt remotiores à polo orbis superioris. Quod autem pro-
pinqui coniunctioni Solis, & ueloces uideantur minores, istud
contingit ob primam causam, quia minus illuminantur, ea parte
quæ ad nos uergit. Restat ergo solum ostendere cur propinqui
Soli & in retrocessu uideātur maiores, cum utraq; ratio obstat, sunt
enim remoti à polo orbis superioris & propinqui Soli, causa est
quoniam apparent solum in crepusculis quando sunt sic dispositi,
& tunc aér est crassior. Quæ causa facit, ut neque dum uelociissimi
sunt semper parui uideantur, ideo non potest constitui certa ratio.
imò ista deducta sunt potius ex fundamento falso illius figmen-
ti, quam ex sensu (ita enim argumentantur) retrocedunt, ergo sunt
propinquiores terræ, ergo uidentur maiores, & ita singunt sens-
su se habere quod falsa ratione ostendere uidentur. quodq; istud
sit uerum, patet quia nullum instrumentum etiam in aëre clarissimo
Aegypti potest ostendere differentiam minorem sexminutis, &
hic est fermè diameter Mercurij, nec tanta est differentia in Venere.
Reliquum est ut satisfaciamus obiectioni quam faciunt de diuersi-
tate magnitudinis Lunæ propter eclipsim, nam uidetur esse ali-
quando maior, & aliquando minor in æquali distantia à sectione
capitis & caudæ draconis, adeò ut non uideatur posse assignari. di-
cō ergo huius causam esse umbram ipsius Lunæ dubiam, sicut eti-
am in crepusculis, quoniam Sol in diuerso situ facit diuersam um-
bram comparatione oculi nostri, maior est enim in hyeme quā
in æstate, & quæ est propior nobis quā quæ procul, & quæ est in
meridie quā iuxta Ortum uel Occasum, & ideo tam parua diffe-
rentia & incerta, & quæ aliquando uariat, nullo modo uitare po-
test rationem motuum æternorum,

Propositio centesimaseptuagesimasexta.

Rationem centri grauitatis declarare.

Duplicem rationem cētri grauitatis inuenit Archimedes, unam suspensorum ponderum: alteram supernatantium aquæ, in qua-^{com} rum utraq; subtilitatis certè est quantum dignum est authore illo ingeniosissimo, sicut etiam in elica linea, fructus autem non pro ra-
tione laboris, nec enim ab ætate illa usque nunc inuentus est quis-
quam, qui potuerit docere, nec ille idem quæ nam utilitas ex huius-
modi contemplatione haberetur, propterea totum hoc una propo-
sitione conclusimus.

Dico igitur quod cētrum grauitatis in appensis æqualibus qua-
dratis aut quadrilateris parallelis est, ubi se intersecant duæ diamet-
ri. Et quod in triangulis est punctus in quo concurrant tres linea, ducēt ab angulis ad latera illa per æqualia secando. In quadrilatero autem trapezio centrum grauitatis est in punto linea, quæ secat ambo latera opposita per æqualia, ita ut proportio partis eius li-
nea, quæ intercipitur à minore æquidistantium, ad partem quæ in-
tercipitur à maiore æquidistantium, sit ueluti dupli maioris æqui-
distantium cum minore ad duplum minoris æquidistantium cum
maiore. Cuiuscunq; portionis à recta linea, & rectanguli coni secti-
one comprehensæ, centrum grauitatis diuidit diametrum portio-
nis, ita ut pars eius ad uerticem terminata, sit ad partem eam sexqui-
altera, quæ ad basim portionis terminatur. Cuiuslibet frusti à secti-
one rectanguli coni ablati, centrum grauitatis est in linea recta, que
frusti existit diametros: qua in quinque partes æquas diuisa, cen-
trum in quinta eius media existit, atque in eo eius punto quo ipsa
quinta sic diuiditur, ut portio eius propinquior minori basi fru-
sti ad reliquam eius portionem eam habeat proportionem, quam
habet solidum, cuius basis sit quadratum linea illius quæ frusti ba-
sis maior extiterit.. Altitudo uero istis utrisque simul æqualis linea
quæ dupla sit minoris basis frusti, & basi maiori eiusdem, ad soli-
dum quod basim habeat quadratum basis minoris frusti, altitudi-
nem uero istis utrisq; simul æqualem linea quæ dupla sit maioris
basis, & basi minori. Et hæc de prima, multaque alia pulchra de-
clarat Federicus Comandinus, in suo libro de Centro grauitatis, ut
pote'. Quod cuiuslibet portionis conoidis rectanguli axis à cen-
tro grauitatis ita diuiditur ut pars, quæ determinatur ad uerticem
reliquæ, quæ ad basim terminatur dupla sit, & longè subtiliora que
quilibet uidere poterit apud illum.

Partes omnes consentiunt in grauitatem medijs, quoniam una aliam non uult centro mundi fieri propiorem.

De secunda præcipua sunt, quod si magnitudo aliqua humido leuior ea in grauitate proportionem habebit ad humidum equalis molis, quam pars magnitudinis demersa ad totam magnitudinem, & hoc intelligitur quando magnitudo illa fuerit è genere solidorum rectorum & rectangulorum. Secunda est, quòd quæ similia sunt superficiebus, ita ut axem habeant in medio, secundum situm axis merguntur & prominent, & si aliter mergantur, redeunt. Tertia, quòd quæ angustiora sunt, ab opposita parte uero latiora, inclinantur ad partem acutiores, quia sic facilius descendunt. Quarta est, de corporibus non æqualibus, ipsa enim necesse est, ut ab hac se inflectant, & ratio horum diuersa est iuxta rationem proportionis partium quæ merguntur ad inuicem. Quinta est, quòd mersa in humido, quanto minus mersa fuerint, tanto facilius & eo frequentius commutantur.

Propositio centesima septuagesima septima.

Si proportio aliqua ex duabus proportionibus eiusdem quantitatis ad alias duas componatur: erit proportio illarum duarum eisdem proportioni producti ex proportione in primam duarum quantitatum detracta priore illa quantitate, quæ ad duas comparatur, ad eandem priorem quantitatem.

Sit proportio a ad composita ex proportionibus c ad d & c ad e, dico quòd proportio d ad e est, ut produc^cti ex proportione in d detracto c ad ipsum c. Et nos superius exposuimus conuersam huius. Erit enim per secundā demonstrationem illius proportio a ad b, uelut producti ex c in d, & e ad productum d in e: at productum d in e & in proportionem, est idem quod productum proportionis in d in ipsum e: igitur cum in uno sit productum e in c, & d in c, in alio productum ab in d inde in e, quæ sunt æqualia, detracto producto e in c ex produc^ato proportionis in d & inde in e, relinquetur productum c in d æ quale producto ab .i. proportionis in productum d in e, detracto numero c in e: igitur ducto c in d, & diuiso per productum ab in d numero c, exhibet e, igitur cum illud productum fiat ex d, scilicet in c, & ex e in productum proportionis in d dempto numero c, erit proportio d ad e, uelut producti ex d in proportionem, detracto e ad ipsum c, uelut c sit 12, d 4, e 6, ab erit 5 proportio d ad e, uelut d in ab, id est 20, detracto c, & est 8 ad c 12.

Ex

Ex demonstratione sequitur, quod qualis est proportio c ad a b, ^{Coru.}
tal is est producti d in e, ad aggregatum eorum. Si quis ergo dicat,
habeo 10, & uolo inuenire duas quantitates, quarum differentia sit
1, & proportio 10, ad eas componat quintuplam, dices quintupla
est dimidium 10, igitur inuenias duas quantitates, quarum differen-
tia sit 1, & proportio producti unius in alteram ad aggregatum sit
dupla. Ethoc est manifestum.

Propositio centesima septuagesima octaua.

Proportionem mistionis metallorum, maximè auri & argenti
declarare.

Dubium non est, quod mistio non cognoscatur ducto ponde- ^{co^m}.
retotius in partem auri uel argenti, & productis collectis diuiso
aggregato per aggregatum ponderis, idque est per se manife-
stum, nam qualis est proportio partis ad partem, talis est totius ad
totum.

Sed est genus mistionis, quod uocant consolationem. Veluti,
uolo ex argento perfectionis decem & septem, & quinque, conflat-
re argenti massam centum librarum perfectionis nouem, ita agen-
dum est. Detrahe 9 à 10, & omni maior i 10, relinqu-
tur 1, hoc suppone 7 & 5, item detrahe 7 & 5, & omne 10. 7. 5 | 9
minus 9 à 9, relinquitur 2 & 4, iunge omnia residua 11
fient 8, nam 4. 2. 11. Dicemus ergo quod 8 unciae per- 14
fectionis nouem componentur ex 6 uncias perfe- 8
ctionis decem & una septem alia quinque. Post di-
ces, si unciae octo fiant 100, sex & una, & una, quot fient, eruntq; un-
ciæ aut libræ, aut ut uocant marchæ perfectionis decem, & duode-
cim cum dimidia, ac duodecim cum dimidia perfectionis, ut se-
ptem & ut quinque: licebit etiam propositis terminis pluribus ex
repetita operatione idem facere, ueluti sint massæ perfectionis 10.
7. 5. & 2. uolo massam perfectionis ut 8. Tu scis quod ex 10. 7 & 5.
fit massa perfectionis nouem data lege sub 6. 1 & 1. nunc habeo iam
perfectam ut 9, aliam ut 2, detraho 2 ex 8, relinquitur 6 & 8, x 9 re-
linquitur 1, iunge fient 7, erunt ergo septem unciae, in
quibus sex erunt perfectionis, ut 9 & 1 perfectionis ut
2, & totum erit perfectionis ut octo. Duc ergo, ut ex-
plores ueritatem, 6 in 9 fit 54, duc 2 in 1 fit 2, iunge fit 56
diuide per 7 exit 8 perfectio quaesita.

Per idem intelliges detractionem ex massa argenti perfectionis
7, detraxi quartam partem perfectionis 10, uolo scire dodrantem
qualis

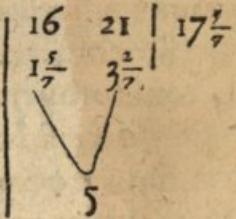
$$\begin{array}{r} 9 & 2 | 8 \\ -1 & \diagdown \\ 8 & \end{array}$$

7

qualis relinquatur perfectionis, duc quadrantem in 10 fit 30, duc 12 in 7 fit 84, detrahe 30 ex 84, relinquitur 54, diuide 54 per 9, residuum 12 & 3, exit 6 perfectio residui.

Si quis dicat propositis argenti pondo 50, & dodrante perfectionis $\frac{11}{18}$, uolo partem assumere, & igne perficere, ita ut purum argentum, quod relinquitur additum residuo, efficiat ipsum perfectionis dextantis & bessis unciae pro libra, seu $\frac{8}{9}$, diuide $\frac{11}{18}$ per $\frac{8}{9}$ exit $\frac{11}{18}$, duc in pondo 50 cum dodrante, fiunt pondo 34, unciae $7\frac{1}{8}$, hoc igitur erit aggregatum conflatum ex argento puro & residuo. Detrahe igitur $\frac{11}{18}$ ex integro, relinquitur $\frac{7}{18}$, detrahe pondo 34, uncia $7\frac{1}{8}$ ex pondo 50 cum dodrante, relinquuntur pondo 15 unciae $6\frac{7}{8}$ (pondus enim uncias continet sub hoc sensu, quia usui seruimus octo) diuide per $\frac{7}{8}$, exeunt pondo 40, unciae $6\frac{1}{4}$, & tanta pars debuit igne purgari. In ea enim erunt puri argenti pondo 24, unciae $7\frac{7}{8}$, quae addita residuo, scilicet pondo 9, uncias $7\frac{3}{4}$, conficiunt pondo 34, uncias $7\frac{1}{8}$ perfectionis dictæ.

Quidam miscuit uncias decem auri perfectionis dextantis, & partem perfectionis dextantis cum dimidio, & aliud perfectionis bessis concreuit massa perfectionis dodrantis unciarum octuaginta, quæruntur pondera reliquarum partium, subtrahe 10 pondus ex 80 pondere, relinquuntur 70 perfectionis $17\frac{5}{7}$, inde detrahe per modum superiorem, & relinquuntur $3\frac{2}{7}$ & $1\frac{5}{7}$, iunge simul fiunt 5, dico ergo, si 6 producit 70, quid producet $3\frac{2}{7}$ & $1\frac{5}{7}$, & inuenies quod $1\frac{5}{7}$ producet 24 & $3\frac{5}{7}$ producet 46, qui iuncti faciunt 70. Igitur aurum perfectionis dextantis cum dimidio fuit unciarum 46 aurum perfectionis, bessis unciarum 24. Reliqua interrogata dissolues per regulas Algebræ, horum modo.



Propositio centesima septuagesima nona.

Si duobus totis duæ portiones similes abscindantur, ab eisdem denuo, & abscissis portionibus partes eadem auferantur, denuo & ac denuo, quoties libuerit à portionibus, & à residuis ipsarum quantitatum partes eadem auferantur, erit residui ad residuum, ueluti totius ad totum.

com. Sint duæ quantitates a b & c l m, & abscissæ duæ partes similes ex utraque b c & l m, & sit proposita aliqua proportio, quæ sit h, & sumatur portio b d ipsius b c, secundum proportionem h, & si militer

militer in ipsius l m, iuxta proportionem h, sumatur rursus de ipsius a b pars secundum h, & n o ipsius k l, secundum eandem proportionem. Et rursus sumatur e f æqualis d b, & o p æqualis n l, ut sint portiones b c & l m secundum proportionem h, & sumatur f g ipsius a c, securum proportionem h, & p q ipsius k o, secundum eandem proportionem, & ita procedendo semper, dico quod erit a g residui ad k q residuum, ut a b ad k l. Quia enim a b ad b c, ut k l ad l m ex supposito, erit a b ad b d, ut k l ad l n; est etiam a b ad d e, ut k l ad n o ex supposito, igitur a b ad b c, ut k l ad l o. Igitur a b ad a c, ut k l ad k o. Rursus qui a b c ad e f, ut l m ad o p, erit a b ad e f, ut k l ad o p, at fuit a b ad a e, ut k l ad k o & a e ad g f, ut k o ad p q, igitur a b ad g f, ut k l ad q p. Quare a b ad g e, ut k l ad q o. Iterum ergo a b ad b g, ut k l ad l q. Ergo a b ad a g, ut k l ad k q. Igitur a b ad k l, ut a g ad k q, quod erat demonstrandum.

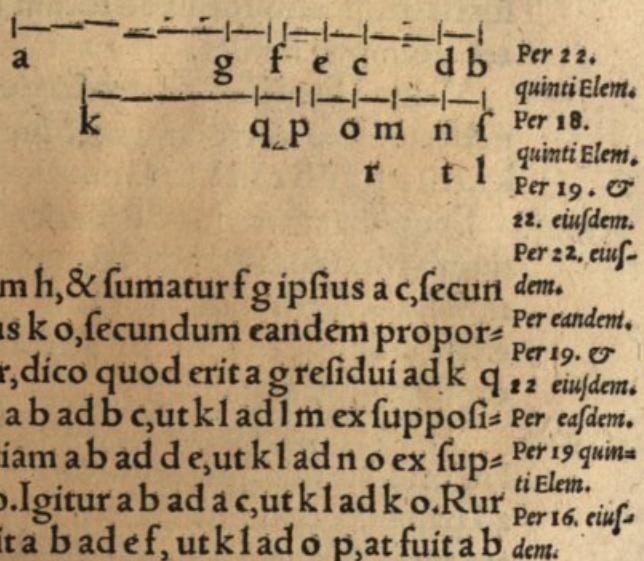
Ex hoc patet, quod et si proportio non maneat eadem in partibus totius, & partis modo sit eadem in totis ad partes assumptas, et in partibus ad partes assumptas, nihilominus sequitur idem. Cor. 1.

Sequitur rursus, quod et si proportio eadem non maneat quantitatum assumptarum ad partes quæ sumuntur, nec etiam partium modo semper pars, quæ assumitur sit totius pars, & alia partis idem ueratur. Cor. 2.

Velut si prima uice capiam b d partem b c, ut l n partem l m secundum h proportionem, & deinde capiam d e partem a b & n o partem k l secundum proportionem r, quæ sit alia ab h, & secunda uice capiam e f partem b c, & o p partem l m secundum proportionem h, quæ sit alia ab h & r. Et capiam f g partem a e & p q partem k o, secundum eandem proportionem, sed tamen quæ non sit aliqua prædictarum, scilicet h r s, sed diuersa ab eis, & uocetur t, dico quod nihilominus erit proportio a g ad k q, ut a b ad k l, quæ parent ex iei demonstrationum, in quibus nil plus assumitur ad demonstrandum, quam id quod proponitur in corollarijs. Cor. 3.

Ex hoc etiam sequitur, quod secundum quem numerum prima quantitas absumentur, secundum eundem absumentur & secunda. Cor. 4.

Velut si prima quantitas absumentur ad unguem in quinta detractione, etiam secunda k l in quinta detractione ad unguem absumentur, quod patet per demonstrata, nam residua semper sunt eadem partes ipsarum quantitatum. Cor. 5.



Cor^m. 4. Quartū sequitur, quod si detractio fuerit facta eodem modo, & fuerit proportio totius ad totum, ut residui ad residuum, erunt partes assumptæ similes.

Cor^m. 5. Velut si fuerit facta detractio iuxta propositionem, aut primum uel secundum corollarium, & fuerit proportio a b ad k g, ut ab ad k l, erit a b ad b c, ut k l ad l m.

Cor^m. 5. Sequitur etiam, quod si fuerit assumpta proportio primarū partium eadem, & facta fuerit detractio in omnibus præter unam iuxta dicta, & fuerit totius ad totum, ut residui ad residuum, erit ut illa etiam reliqua detractio, seu ad tota, seu ad partes sit facta, secundum eandem proportionem.

Cor^m. Velut si sit proportio a b ad k l, ut a g ad k g, & rursus ut b c ad 1 m, & assumptæ sint proportiones eadem semper totius, & totius ad partes, & residuorum ad partes, etiam & b c & 1 m ad partes, etiam excepta una seu quantitatum a b & k l, seu residuorum ut a c & k o, seu partium ut b c & 1 m ad partes, dico quod hæc partes etiam erunt assumptæ secundum eandem proportionem ad ipsas magnitudines, uel partes primas uel residua.

Cor^m. 6. Sed & id sequitur ex his, quod cuiuscunque seu totius seu partis seu utriusque pars maior absumentur, erit maior proportio totius ad totum quam residui ad residuum.

Cor^m. Hæc demonstrantur à Campano, nam si sit maior proportio a b ad a g, quam k l ad k g, erit maior a b ad k l quam a g ad k g.
Rup. 16.

quinti Elem. Sequitur rursus, quod in eadem constitutione cuiuscunque maior pars absumentur, ea quantitas minori numero, uel numeri parte absumentur.

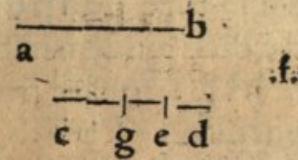
Cor^m. 7. Nam si minor erit continuo proportio a b ad a e, quam k l ad k o, & a e ad e g, quam k o ad o g, erit longe minor a b ad b g quam k l ad l g, igitur longe maior a b ad a g quam k l ad k g. Igitur a g citius absumentur quam k g.

Propositio centesima octauagesima.

Si aliqua quantitas in duas partes diuidatur, fueritque alicuius, quantitatis ad partes illas composita proportio eiusdem quantitatis ad partes alias quantitatis diuisa aliter proportio eadem componi.

Cor^m. Sit a b proportio ad partes c d quæ sint c e, & c d componens f, dico quod non poterit c d alias diuidi, ut proportio a b ad illas componat eandem proportionem f. Aliter sit diuisa in g, & erit minor c g,

nor c g, minor aut maior c d minore, capiam ergo c d minorem, erit
igitur proportio a b ad c d maioris excessus ad proportionem a b
ad c g, quam sit proportio a b ad g d, ma-
ior proportione a b ad c e, propterea quod
g e communis differentia maiorem habet
proportionem ad e d quam g c, igitur ma-
ius est aggregatum proportionum a b ad
c e, & e d, quam eiusdem a b ad c g & g d, quod erat demonstrandum.



Propositio centesima octauagesima prima.

Cum fuerit aliqua proportio composita ex proportionibus pri-
mæ ad secundam & tertiam, & rursus quartæ ad quintam & sex-
tam, ita se habebit proportio secundæ ad tertiam proportionem
quintæ ad sextam, uelut producti ex proportione in secundam de-
tracta prima ad primam ad productum ex proportione in quin-
tam, detracta quarta ad quartam.

Sit proportio g composita ex proportionibus a
ad b & c, & proportionibus d ad e & f, dico quod
quemadmodum b ad c, ad proportionem e ad f, ita
producti ex g in b, detracto a ad a ad productum ex
g in e, detracto d ad d. Est enim, ut demonstratum
est b ad c, ut productum ex g in b, detracto a ab a & e ad f, ut pro-
ducti ex g in e, detracto d ad d, igitur cum æqualium sint eadem
comparationes, erit ut proportionis b ad c ad proportionem e ad
f, ita producti ex g in b, detracto a ad a, ad productum est g in e, de-
tracto d ad d.

Quare erit proportio b ad c ad proportionem e ad f, uelut resi-
dui b detracto quod prouenit, diuiso a per proportionem a ad pro-
portionem residui e detracto quod prouenit diuiso d per propor-
tionem ad ipsum d.

Propositio centesima octauagesima secunda.

Proposita differentia proportionum partium similium ad par-
tes assumptas propositaq; proportione totius ad residua eandem
differentiam proportionum totius ad reliquum residui inuenire.

Sint datae partes b c & e f, similes in compa-
ratione ad a b & d e, & data residua a g & d h
in comparatione a b & d e, similia in differentia
proportionis f e ad c l, ad proportionem
cb ad b k, dico quod data est differentia proportionis a b ad g k
ad proportionem d e & f h. Nam quia proportio f e ad c l, ad pro-

R 2 portionem

portionem b ead ck data est, & cf ad ed, ut b cad b a, erit ut a ead
 1 e contineat ab adb k, ut f ead el, cb adb k, sed ab ad ad, ut d cad
 dh, igitur ab adb d, ut d e ad ch. Sunt ergo duæ quantitates ab &
 dc, quæ eandem habent compositam proportionem ad g k & kb,
 & h l & 1 e, quare per præcedentem proportionis hl ad 1 e, ad pro-
 portionem g k ad kb, ut hl detracto prouentu de, diuisi per propor-
 tionem ad d e ad proportionem g k, detracto prouentu ab, diuisi
 per eandem proportionem ad ipsum ab. Si igitur nota est 1 e & h l,
 erit nota proportio residui hl detracto prouentu de diuisi per pro-
 portionem, quare nota detractio g k detracto prouentu ab diuisi
 per eandem proportionem ad ab. Est autem ab nota, & propor-
 tio nota, & ideo prouentus, & cum sit proportio nota, erit ergo
 residuum notum, cui addito prouentu fit tota g k nota, quod fuit
 demonstrandum.

Propositio centesima octuagesimatercia.

Spatium uitæ naturalis per spatum uitæ fortuitum declarare.

^{Co^m.} Cum constet homines casu uiuere ægrotantes primum sæpe:
 deinde uiuentes in aëre malo, & ipsum intempestiuis horis sub-
 euntes tristitijs, curis, uigilia, uenere, laboribus perperam se excru-
 ciantes, tū uero immodico cibo & potu, & prauo, & sæpius, quam
 oporteat, & intempestiuè, & male præparato, & uario se replentes,
 atque sic alij ad sexagesimum, alij ad septuagesimum, rari octuage-
 simo, rariores nonagesimo uel centesimo anno ita moriunt, ut non
 casu, neque ui aut morbo, sed potius quasi naturali quadam morte
 absumpti intereant: de quibus tantum est sermo. Atque ut exem-
 plio commodiore utamur, capiamus annum octogesimum, qui est
 terminus communis uitæ humanæ, non solum nostra ætate, sed an-
 tiquo tempore etiam fuit, ut David testatur in Psalmis, in Canticō
 Moysis: antea autem si quis moriatur, non naturali morte, sed ui-
 morbi absensus existimatur. Certum est, quod si homo recta ras-
 tione uiueret, quod aliquanto diutius uitam extenderet, neq; enim
 negare possumus, cum in magnis excessibus maximè sectionis ues-
 næ & curarum, quin homo euidentur uitam breviorem efficiat:
 quod ergo euidentissimum est in magnis excessibus, in paruis ean-
 dem habet uim licet occultiorem. Errorem autem in uita hunc ad-
 se perpetuum, quisq; intelligit qui nostras actiones pensitare uelit,
 cum saltem malam sequamur consuetudinem: iam ergo proponan-
 tur iuxta dicta due lineæ ab uite naturalis exquisitæ recte longior &
 c d uitæ

ed uitæ quam is uicturus est, id est, annorum octuaginta, quam cōstat esse breuiorem aliquanto. Et proponatur error quadragesimæ partis in ipsa uita, quamvis sit longe maior: quotusquisq; enim est qui non saltem edat bibatq; quadragesima parte, plusquam oporteat in comparatione ad naturam, id est, ut natura fatigatur quadragesima illa parte amplius quam debeat: idem dico de laboribus, curis, uigilijs, uenere. Sed hoc non est generale: habetq; multas exceptiones inuicem pugnantes, ut tandem concludam non concoqui plenè posse, & ob id impurum manere, unde citò dissoluitur, & casarem etiam naturalem extinguit: atq; etiam ob id, tum quia debitos labores, & multo minus ad perfectam ætatem perferre nō possunt, densari nequit & pinguescere, ut dupli causa multo celerius resoluatur, una etiam calorem extinguat. Sít ergo a et talis pars ab, qualis cf, cd. Cum ergo ab consumitur in octuaginta annis, semper seruat proportionē cum uita contracta, quæ a e b
æqualiter absumitur: quia portiones c f g
illæ æquales sunt in minore inuicem sicut in maiore, & inæquales seruant eandem proportionem, sumatur ergo ab annorum ccvij. mensium v. & absumatur semper quantitas æqualis octuagesima a e, & quadragesima ab & residuorum.

| An. | An. | Quad. | | | |
|-----|-----|-------|-----|-----|-------|-----|-----|-------|-----|-----|-------|-----|-----|-------|----|----|----|
| 257 | 20 | 14 | 168 | 32 | 28 | 106 | 25 | 41 | 65 | 27 | 54 | 36 | 6 | 68 | 13 | 23 | |
| 1 | 250 | 0 | 15 | 163 | 24 | 29 | 103 | 0 | 42 | 63 | 2 | 55 | 34 | 10 | 69 | 12 | 10 |
| 2 | 242 | 30 | 16 | 158 | 21 | 30 | 99 | 17 | 43 | 60 | 19 | 56 | 32 | 16 | 70 | 10 | 38 |
| 3 | 235 | 28 | 17 | 153 | 23 | 31 | 95 | 38 | 44 | 58 | 0 | 57 | 30 | 24 | 71 | 9 | 28 |
| 4 | 228 | 33 | 18 | 148 | 30 | 32 | 92 | 23 | 45 | 55 | 22 | 58 | 28 | 34 | 72 | 8 | 19 |
| 5 | 222 | 5 | 19 | 144 | 2 | 33 | 89 | 11 | 46 | 53 | 7 | 59 | 27 | 6 | 73 | 7 | 11 |
| 6 | 215 | 23 | 20 | 139 | 18 | 34 | 86 | 2 | 47 | 50 | 34 | 60 | 25 | 19 | 74 | 6 | 4 |
| 7 | 209 | 8 | 21 | 135 | 0 | 35 | 82 | 36 | 48 | 48 | 24 | 61 | 23 | 34 | 75 | 4 | 38 |
| 8 | 203 | 0 | 22 | 130 | 25 | 36 | 79 | 34 | 49 | 46 | 16 | 62 | 22 | 11 | 76 | 3 | 34 |
| 9 | 196 | 37 | 23 | 126 | 15 | 37 | 76 | 35 | 50 | 44 | 10 | 63 | 20 | 29 | 77 | 2 | 31 |
| 10 | 191 | 1 | 24 | 122 | 9 | 38 | 74 | 0 | 51 | 42 | 6 | 64 | 19 | 9 | 78 | 1 | 29 |
| 11 | 185 | 10 | 25 | 118 | 7 | 39 | 71 | 6 | 52 | 40 | 4 | 65 | 17 | 30 | 79 | 0 | 28 |
| 12 | 179 | 25 | 26 | 114 | 9 | 40 | 68 | 15 | 53 | 38 | 4 | 66 | 16 | 13 | 80 | 0 | 0 |
| 13 | 174 | 6 | 27 | 110 | 15 | | | | | | 67 | 14 | 37 | | | | |

Vt corrigas tabulam, scito quod numerus quadragesimæ cum superiore annorum numero à leua componit numerum quadragesimæ superioris simpliciter, aut abiectis quadragenarijs. Velut è regione trigesimi anni, sunt anni nonagintanouem, quad. 17 è directo anni 29, sunt anni 103, quad. 0. adde 17 quad. ad 103 fit 120, abice 40 ter, nil superest, & ita nulla est quadragenaria è regione 29 & 103.

Rursus cum deuenimus ad annos 79, supersunt solum 28 quas dragenariæ, & est minus anno, sed hoc fieri ob fractiones & numerorum partes, & etiam si esset aliquis error, esset magis ad augendum numerum annorum 257, mensium sex quam ad diminutionem, ideo non curauit de exacta ueritate.

Præterea ex hac tabella dignoscis, quod in ultimis annis parum potest produci uita in comparatione ad primos, ueluti in 60 anno supersunt anni 20, ex uita ordinaria, ex exacta paulo plures quam 25, scilicet 25 cum dimidio. Ergo à 60 anno non poterit per quamvis custodiam homo producere uitam plus annis quinque cum dimidio. Et si dicas tunc custodia maximè opus est, & magis quam unquam, respondeo quod uerum est, sed non ad producendum uitam, sed ne in morbum incidas: nam ex quo cunctis morbo homo ab ea ætate perit, cum habeat adeò imbecilles uires. Ex hoc patet, quod Alexius Cornarius, patritius Venetus, cum incœpisset custodiā anno 36, cum posset uiuere 44 annis, iuxta rationem uitæ communis, potuit producere eam annis 79, igitur annis 25 plus quam uisset uitæ communi etiam quod fuisset sanus.

Si ergo aliquis sit uicturus centum annis uita communi addemus eodem modo trigesimam nonam partem, id est quadragesimam partem, & quadragesimam quadragesimæ huic numero, & unum amplius, & habebimus numerum ut infra.

| An. | An. | Quad. | An. | An. | Quad. | An. | An. | Quad. |
|-----|-----|-------|-----|-----|-------|-----|-----|-------|
| 257 | 20 | 87 | 314 | 33 | 94 | 383 | 11 | |
| 81 | 265 | 3 | 88 | 323 | 34 | 95 | 394 | 3 |
| 82 | 272 | 34 | 89 | 333 | 5 | 96 | 405 | 6 |
| 83 | 280 | 32 | 90 | 342 | 26 | 97 | 416 | 27 |
| 84 | 289 | 0 | 91 | 352 | 16 | 98 | 428 | 13 |
| 85 | 297 | 16 | 92 | 362 | 16 | 99 | 440 | 11 |
| 86 | 306 | 0 | 93 | 372 | 27 | 100 | 452 | 22 |

Et ex hac tabula dignoscemus quantum quisque posset uiuere, quo quis tempore ætatis suæ, illud intelligendo quod non est eadem mensura omnibus, ut neque uitæ ordinariæ, nec magnitudinis corporum, nec ingeniorum, nec eiusmodi in aliquibus uita decrescit per uigesimam partem, hic scilicet qui inordinate uiuunt, alijs uix sexagesima, quanque paucissimis. Hic ergo numerus maximè concordat cum experimentis duobus, q[uod] apparuerunt parū ante tēpora nostra, scilicet Ioannis de tēporibus, qui uixit annis 361, & Richardus de temporibus, annis 400. Et ambo fuerunt milites Caroli Magni, nam non potuerunt omnino prospicere uitæ rationi exquisitissimæ. Referūt etiam in India nostris tēporibus uiuere ad centum quinquaginta

quinquaginta annos, cuius causam transferunt in aërem: ego potius in uitæ genus, abstinent enim carnibus, ouis, caseo & uino, usuntur fructibus tantum, & uiuebant sine solicitudine ulla & curis. Vnde rectè insinuatum est etiam ultra historiam, quod Adam esset perpetuò uiicturus, si non degustasset fructum arboris boni & mali, id est, quod mors nobis obrepit ob, solicitudines & curas. Auenzoar autem cum uixerit multis cum curis, & fuerit in carcere Hali, & ab eo per iniuriam uexatus, & natus in malo aëre, sola ratione uiictus produxit uitam ad annos 135, ut testatur Auerroes, quid euenturum erat, si in bono aëre educatus nihil graue, & adeò diuturnum expertus fuisset:

Pro usu autem huius & superioris tabulæ, si quis proponat iuuenem ex stirpe eorum, qui uiuunt sexaginta annis, iam natum decem & septem annos, uelimusque scire quantum uiuere possit, uide è regione 20 annorum in primo ordine, & habes annos 139. Quad. 18. & ab hoc numera 17 annos, & habebis annos 37 è regione, quorum sunt anni 76. Quad. 35, id est, menses 10, dies 15, uel iunge 17, numerum annorum exactorum, & 20 numerum annorum deficiens ab 80, fiunt anni 33, ut prius, è quorum regione habet annos 76. quad. 35.

At scio multos qui parum consyderatè hæc legunt, obiecturos, primum quod neque mihi, neque ulli alijs potui, uel ad centum uel ad nonaginta annos uitā producere. Secundū, qđ si uita humana esset eiusmodi, naturaliter esset ut in pluribus: at uix inuenire licet aliquē qui excesserit centesimum uigesimum annum. Et maximè cum scriptum sit: Non spiritum meum in carne ultra centum uiginti annos, & loquitur Deus. Videtur etiam necesse hoc uolenti, cupere totam uitam sub incerto fine, & non uacare, nec negotijs nec uoluptati, quæ sunt duo illa præcipua, quibus uita nostra constat, & maximè amittere bona, adeò secura ob tam leuem & inanem spem. Absurdum etiam esse hoc quod latuerit tot præclaros medicos atque philosophos, quorum nullus de hoc sermonem fecit. Hæc & huiusmodi sunt que mihi obijci posse sentio. At rogo quid admirabilius est, an solem esse plus centies et sexages terra ac mari, an homines tamdiu posse producere uitam? Et plures imperito hoc quam illud credituri sunt: & tamen res illa ita se habet, nec apud sapientes dubia est: nedum incredibilis. Similiter quod corpus adeò tenuē, debeat adeò celeriter circumferri, ut in uno iictu pulsus debeat peragere spatium bis mille quingentorum millium passuum, & tamen & ille lud demonstrari potest euidentissimè. Ergo ut ad obiecta responsa dicam sero mihi hoc inuenire cōtigit, infeliciter natus, peius educa-

tus & imbecilli corpore ac natura, quod aliâs dixi, nec forsan in quibusdam sufficiat educatio ab initio, sed requiritur successio, qualis fuit olim per multas ætates, sic progernerantur gigantes & homines ad miraculum usque, docui etiam exacta media ætate, hoc uix fieri posse. Contingunt præterea multa impedimenta. Sufficit nobis scire quid sit in natura hominis, non quæro modò quomodo faciendum: nec est præsentis instituti, quin etiam uerisimile est ad hoc esse uiam quandam compendiosiorem, quæ minimè lasuerit antiquos, maximè Hebræos. Et forsan etiam hoc nostro tempore haberip posset quamuis lateat. Vnum est certum, oportere ab initio uitæ (qui uiam hanc exquisitam, quam hic trado, sequi uoluerit) constituere formam uictus, & tum maximè contractam, quoniam (ut uisum est in tabula) ex minimo errore, & breui tempo re plurimum temporis uitæ perit. Oportet autem multa adesse, corpus moderatè sanum, & mediocriter saltem constitutum, institutorem sapientem, obedientiam pueri, & per omnes ætates cum patientia summa commoda diuinitarum, & bonum aërem & fortunam blandientem nostro proposito, ne quis casus in tanto tempore aduersus nos impedit, ob tot & tanta quæ necessaria sunt, & assidue, ideo res hæc fabulosa uisa est ad hanc usq; diem, tum maximè quod nemo eam docuerat. De dicto Moysis non labore, cum simus me dici ac philosophi non theologi. Quin etiam post hæc uixit Abrahamus annis clxxv, Isaacus autem clxxx, Jacobus cxlvij, sed non labore de his, uerùm relinquo illa sapientibus: melius est ergo ut demonstrationem adducam huius, cum experimento etiam coniunctam. Constat enim quod humidum pingue euaneat per ætates, seu à calore innato, seu ab aëre consumatur, & quod humidum pingue purum, ac densum tardè absimitur, sicut apparent experimento de oleo & sepo salitis, quæ durant longiori tempore, quam si nū tale admistum habeant hæc pingua, similiter aqua quadruplo celerius, imo longe uelocius absimitur oleo in vase seruente. Et ita de pinguedinibus uariorum animalium de ligno iuniperō, quod referunt durare in annum, cur alia non possint ad sex dies. Cestum etiam est, quod coctio condenset, & est Philosophi in quanto Metheororum. Si ergo coctio perfecta fiat, & purissimum humidum restauretur, dubium non est, quin homo possit uiuere sexcuplo plus aut etiā octuplo: quia cùm res peruenit ad quendā terminum, tunc acquiritur perfectio quædā ultra omnē fidem, sicut uideamus de auro, qđ prorsus etiā longo tempore ab ignibus nō absimitur: adeo ut liceat dicere, forsan non esse contra rationem, quod detur humidum, quod nunquam à calore naturali absimitur, quia non

Gen. cc. 25.
Cap. 35.
Cap. 47.

non est pars ratio de auro & humido humano, nam in auro non est calor nisi ab exteriore igne, sed in humido nostro est calor intus, & secundum substantiam, ut saltem habeamus experimentum longissimæ uitæ & humidi quod uix à calore, & non nisi multis in seculis absumatur. Atque hæc (ne incurramus irrisiōnem Galeni) de Philosopho qui pollicebatur perpetuitatem uitæ, quanquam non ob id refugiam hoc, ut negem posse hominis uitam esse perpetuam, quod Galenus Philosophū hoc dicentem irriserit, sed quod uideamus omnia sublunaria interire, quod sciamus omne compositum debere dissolui, quoniam compositio sit accidens, & accidens est medium inter ea quæ sunt & non sunt: loquor de huiusmodi accidentibus quæ adueniunt. Demum, quoniam calor ille sit in ipso humido: ideo cum hæc non animaduerterit Galenus, potius fuit uates in irridendo, quam sapiens, ut authoritate eius moueri debeamus. Hanc coctionem non animaduerterunt medici, sed solam illam bonam quæ est causa sanitatis, quæ stat cum uigilia, labore & ciborum multitudine, cum illa exacta non stet nisi cum optimis & paucis ualde cibis, quiete ac somno. Et ideo sunt sex genera coctionum, dico quod ad perfectionem attinet corrupta, imperfecta, imperfecta morbosa, imperfecta quæ emendari potest, has omnes uitare docent medici: bona quæ est cum longa sanitate, cui medici student: ualde bona quam per umbram quasi cognoverūt, & exacta quam nec per somnum quidem uiderunt, quæ sola est causa tantæ longitudinis uitæ, cum tamen nunquam fuerit uel admodum parum interrupta. Hoc autem inter cetera ostendit experimentum de elephantis, quos Aristoteles ducentis annis uiuere constanter affirmat, alius dixit esse trecentis. Ut constet iam in natura animalium & in genere caloris habentis magnum motum, & substantiam tenuem hoc inueniri posse, ut excludamus plantas de quarū uitæ longissima satis constat, sed quia caret motu euidenti calor in illis, & substantia est crassa animalium comparatione, non labore. At de elephanto omnes confitentur quod sit omnium ingeniosissimum, adeo ut multi homines illo industria & cognitione inferiores esse uideantur. Neq; etiam uerisimile est quod natura hominem fecerit hac in parte illo inferiorem, præsertim cum de nullo alio animali apud Aristotelem dubium sit, & ubi modo aliquod dubium esset propter querelam Theophrasti, & illud quod solet prædicari de ceruis, tanto magis uerisimile est indignum fuisse hominem concedere tot animalibus in diuturnitate uitæ. Quamobrem cum hæc tractatio ad libros de tuenda Sanitate spectaret, homines ad eos rego, nam ob id illos conscripsi quod uiderem Galenum nec hoc

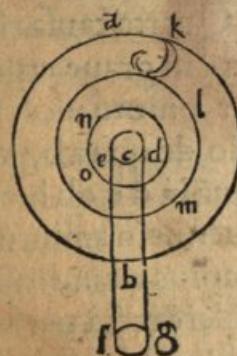
uidisse nec multa alia, sed eorum loco longas & inutiles disputationes interseruisse. Verum etiam, quoniam eam tractationem diuulsi, ut alia cogamus querere in libris de Alimentis, alia, de cibis boni & mali succi: tum uero & tractatio ipsa eduliorum est imperfeta, & multa etiam deficiunt circa genera: in quo est excusandus ob uarietatem regionis & aetatis. Deest præterea maxima pars, quæ nec ibi nec alibi habetur, scilicet, de ciborum præparatione. Quod etiam haec latuerint tot præclaros uiros, quid mirum: cum Hippocrates uixerit seculo illo agresti, in quo non est mirandum, quod ali quid, pauca quædam & abstrusa omiserit, sed quod tam multa tam bene inuenierit, ut fuerit, sicut de Pindaro dicitur, immo longè uerius quam de Pindaro inimitabilis. De Galeno quid mirum, qui non nisi ueterum scripta collegit, atque utinam saltē bene. De Aristotele is multa inuenit suo Marte, & Theophrastus longè plura. De alijs, dico tam medicis quam philosophis, hoc est, quod queror, quod in spacio pene duorum millium annorum, non hoc quod ualde reconditum erat, sed nec leue ullum experimentum, uel naturæ arcana, uel uitæ salutare auxilium inuenierit. Sed litigant de nugis & rebus inutilibus, & etiam quæ sciri non possunt, ac plerunque non sine magna impietate. Quod uero necesse sit amittere uoluptatem, & negotia prætermittere uolenti hanc uitam longam adipisci, quæ postmodum etiam ualde incerta est: dico quod quantum ad uoluptates & negotia, non esse necesse, sed solum superfluas res, & damnosas & irritas, quas etiam philosophi & ciuitatum institutores, & morum censores docent debere uitari, etiam nullo proposito emolumento, at reliqua cōsuetudo efficit non solum grata & tolerabilia, sed etiam iucunda. De incerto fine, quid est certum apud homines, nisi hoc nihil certum esse? Verum tamen si quis respiciat ad præmium tam singulare est, & nobile atque utile, ut non luserit operam immerito, quicunque cum spe tam illustris commodi, & tam exigua iactura rerum, ac minore periculo se huic aleæ experiundæ commisserit. Cum, si quis hoc ipsum adipiscatur, uerè dici possit summum bonum adeptum esse: Non solum compos factus diuturnitatis uitæ, sed cum illa tot uoluptatum, quæ in longo tempore percipiuntur scientiæ tot rerum, quas non nisi temporis longitudo ostendere potest, tot denique casus uidere tum opum incrementum, quod quasi certissimum est in longa aetate & usu sapientia & autoritate plena, adeò ut fermè necesse sit ad principatus speciem deuenire, qui tamdiu uixerit, tum gloria ipsa incomparabili. Haec autem maxime accidere necesse est, quod ut uisum est, quanto longior fuerit aetas eo firmiores etiā sunt illius partes quæ ad mortis tempus apud propinquant.

propinquant paritate, ut ex tabella prima deprehendere licet, quod si cum hoc sobolis felicitas accedit, non obscurum est huiusmodi posse dici ultimam hominis felicitatem apud eos, qui humanas res aliquid esse putant. Accident autem haec sponte in seculorum renouationibus, cum humanum genus consumitur, seu qui superunt ob robur, seu ex terra geniti, ut dubitat Aristoteles. Hasen credit, tum ob aeris puritatem, & maximè quod alterutro modo ex calidis regionibus & sublimibus locis homines reparari necesses sit, tamen etiam ob uitius simplicitatem, cum in altera supersint soli pisces, in altera ne hi quidem, ut in Arcanis demonstratum est. Atque etiam ob curarum absentiam: siquidem homines illi gaudent, reges ex agricolis haud dubie terrarum facti, ac quasi securi molestiarum ad hanc ætatem perueniunt longa spatia temporis, & propagandæ sobolis habentes, ut felicissime uiuant, restituti ex optimis quibuscunque aureæ illi ætati, non solum ob uitæ sinceritatem atque splendorem, sed etiam longitudinem sic appellatae. Quæ finem habuit dum satis (uti cœperunt) à Saturno in usum traductis: unde etiam falcis insigne accepit. Eadem tamen ætate paucissimi ex infinitis diutius quam nostra uiuere cœperunt, cæteri omnes minus quam nunc, quod neque uestitus corporum ab inundatione parta, neque aeris puritas à squaloribus maneret, & edulia multo pauciora essent hominibus & incondita.

Propositio centesima octauagintaquarta.

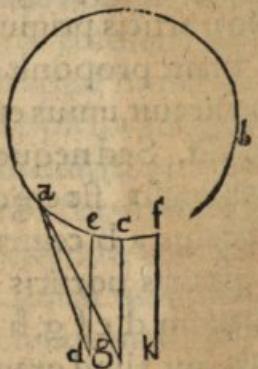
Quæcunque grauia in uorticibus aquarum merguntur, in medio uorticis primum uersa mergantur.

Hanc proponit Aristoteles, sed non quantum necessarium est com explicauit, unius enim quæsiti, id est, primi multiplicem rationem reddit. Sed neque illam perfectè, quod amborum causa una sit, ac coniuncta, sic ergo uortex, cuius extremus circulus a b centrum in aquæ superficie c capacitas uorticis d e, ut aqua feratur per spatum d e f g, h k in maiore circulo nauis, aut aliud graue, quod natura sua non esset descensurum (ut falso exponitur de lapide, nam lapis, nec reuoluitur, nec fertur ad d e circulum intimum, sed præoccupat ex grauitate sua fertur in imum) dico quod h k prius circumuoluetur, inde trahetur ad d e, & ubi fuerit ibi descendet, sed si leuius sit necessario peruenet ad c antequam descendat. Cum ergo aqua



grauis sit tota, fertur ad circulum d e, ut descendat. Sed & quia descendit per d e f g, & magis ex centro e, ideo omnes partes circumuinciae trahuntur ad d e, & ad e centrum superficie uorticis, tanquam ad centrum, ut descendant, atque id primum. Cumque lignum descendat partim propria grauitate, partim attractum, si fuerit leue corpus, ut pluma, quod natura sua non descendat, necesse est ut descendat sola uia attractionis, que non est tanta in toto de qua in e, igit oportet ut prius perueniat ad c quam descendat, quia contra naturam propriam descendit uia attractum. Cum uero pars quae in directo c est, uelocissime descendat, conantur omnes partes aquae, que circa sunt descendere, et cum non possint simul peruenire, mouentur ad illud linea, dico quia habent initium in e, circulus autem nullum habet initium, igitur uidentur moueri circulariter. Sed cum in circulo partes a centro mouantur, uelocius mouebuntur, uelocius in elica ab quam 1m, & 1m quam n. o. Et ob has duas causas mouebuntur uelocius partes quae sunt circa c, quam distantes ab eodem, tum quia in medio, tu quia tardius mouentur motu elice. Declaratum est. n. superius quod unus motus in eodem mobili aliud impedit & retardat. Cum ergo h k sit in spacio ab 1m & aqua rapiat motu, dico ad de mouebit ad de, & motu dico qui uidentur circularis, nam mouetur motu eius a quo sustinetur. Mouetur etiam ad de, quoniam pars illa est humilior, nam semper descendit, omne autem quod mouetur partim est in termino, a quo, partim ad quem, ideo partim iam aqua illa cum descendat humilior est locus, igitur nauis ad illum locum feretur. Tertio, quia latus k impellitur, in maiore circulo, ideo maiore impetu quam h, quare descendet & circulo mouebitur, nam si h quiesceret palam est, quod nauis circulariter moueretur, sed h fungitur uice quiescens, quia tardius mouet quam k, igit k mouebitur ad de & motu circulari aut participe eius. Quarta causa est, quoniam h cupit descendere, ut graue. ergo ferri, ubi minus impediatur a motu uiolento, at minus impedire in circulo, de qua ab, qua ab cum maioris sit ambitus aqua in eo ulterius fera quam in de, ob haec oia & in mari & fluminibus ac lacubus cum nauis fuerint in ambitu uorticis iam rapiuntur ad illum, & circulari motus isque motus est indiciu submersionis, quoniā indicat aquam, ibi proprie descenderre recta uersus centrum, & ob id prudenter nautae magna uia uentorū & remorū sepe seruant se, preoccupantes motu elicu recto motu. Cur autem aqua quae est in a, non potius fera per obliquam lineam ad de uel g, que ad e uel c inde ex illis ad de uel g, praesertim cum adsit breuior

ae &



a & e & d & g breuiorae et c(ut docet Euclides)causa est quia aquæ
quæ descendit per e d & c g maiore impetu descendit quam per ad
uel a g ut demonstratum est, ergo non poterit quæ est in e d uel e g
loco dimoueri, nec cedere aquæ per obliquam lineam descendedenti.

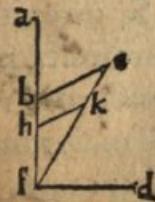
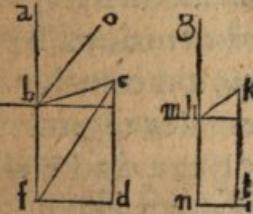
Propositio centesima octuagesima quinta.

Cur homo sedens quanto altius sedet, & quanto magis crura ad
femora & femora ad pectus reclinata habet, facilius consurgat, cum
tamen hæc opposito modo inuicem se habeant, declarare.

Huius secundam partem Aristoteles in Mechanicis proposuit, con-
sed neque sub adiecta dubitatione, sedens n
altius a b pectus, b c femur, c d crus eius
dem uel æqualis, pectus g h, femur h k, crus
k l longior b f quam h n facit, ut facilius sur-
gat ab c d quam g h k l, & tamen anguli
ab c & b c d sunt maiores g h k & h k l, qui-
nimo cum uolumus surgere, contrahimus c d & k l propè & è rea-
gione a b, igitur patet ratio secundi, propior n est c d ipsi a b quanto
angulus a b c minor est, cui æqualis est b c d. Cum ergo quanto pro-
pior est c d ipsi a b eo facilius surgat, quoniam particeps magis di-
spositionis per quam surgit, propior autem quo anguli sunt acutis
ores, ideo facilius exurgit homo, quo contractiora sunt crura, & an-
guli femorum ad crura & pectus minora. Hucusq; Aristoteles &
bene.

Sed cur rursus contractiora dum sunt crura, homo facilius exur-
git: Proponantur c f contracta ad perpendicularum, & inclinetur b a
in o ut fiant b o & f c equidistantes, ita enim commodius surgimus:
nec aliter qui sunt imbecilliores: quia ergo b est in directo f, ideo
musculi femoris inferiores ob crus, & superiores ob pectus sunt
magis tensi & anteriores cruris itidem, ideo maiore ui trahunt par-
ticulam. Vnde manente fixo f & capite etiam & pectore grauitate
sua adiuuantibus, facilius homo exurgit quam ad latos angulos
cum contractio, ut dixi, musculorum et inclinatio partium superio-
rum fiat maior.

Rursus pro prima parte problématis, dico quod quanto altius
est b f tanto facilius exurgit, nam supponatur angu-
lus reflexionis a h e æqualis a h c, & b c k æqualis h k f,
igitur cum b f sit breuior b f, erit h k breuior b c & f k,
f c. quare b c femur, & f c crus erunt violentius exten-
sa quam in situ h k, kf ergo, musculi facilius erigent
sedentem altiore loco quam humiliore, quod erat de-
monstrandum.



Propos

Propositio centesima octuagesima sexta.

Si fuerit proportio primæ & secundæ quantitatis ad tertiam, ut primæ & quartæ ad quintam, fueritque quarta secunda maior, erit proportio quartæ ad quintam maior quam secundæ ad tertiam. Quod si fuerit maior quartæ ad quintam, quam secundæ ad tertiam, necesse est quartam secundæ esse maiorem.

Cœm. Sit proportio a & b ad c, ut a & d ad e, sitq; d maior b, dico maior rem esse proportionē d ad e quam b ad e, quod si maior sit proportio d ad c quam b ad c, dico d esse maiorem b. Quoniam enim est d est maior b ad d est maior a b per communē animi sententiam, igitur cum sit proportio a d ad e ut a b ad c,

Per 14. quin erit e maior c, igitur minor proportio a ad e quam a ad c, at propor**ti Elem.** tio totius a d ad e est æqualis proportioni a b ad e, igitur ex com-

Per 8. eius- muni animi sententia maior proportio d ad e, quam b ad c. Rursus, dem.

Per 10. si maior est proportio d ad e quam b ad c, igitur per communem **quinti Elem.** animi sententiam maior est a ad e quam a ad c, igitur e maior quam c, sed d maiorem habet proportionem ad e quam b ad c, igitur d maiores quam b.

Per eadem
sepius repe-

titum.

Propositio centesima octuagesima septima.

Si eisdem viribus & eadem proportione cum auxilio ponderis tertij, quartum pondus moueat quibus secundum auxilio primi, necesse est quartum pondus tardius & maiore cum difficultate moueri quam secundum.

Cœm. Maneat prior figura, & sint uires a quæ cum pondere b moueant c pondus, et cum d pondere eadē uires sub eadem proportione mouant e, sit autem pondus d maius quam b, dico e tardius & difficilius moueri quam c. Nam ex præcedente e erit maius quam c, & proportio d ad e maior quam b ad c, & proportio a ad e minor quam ad c, tum ergo propter uectem magis pressum, tum quia d non mouet e, nisi motum ab a, necesse est ut tardius & maiore cum difficultate admoueat quo a b mouet c. Et ideo eo perueniri posset absque dubio, ut a b moueat uelociter e & a d, nullo mouente. Quia hoc accedit cum d non mouet c nisi quia motum ab a.

Propositio centesima octuagesima octaua.

Si uires aliquæ mouant cum ponderibus aliqua pondera, ut composita proportio sit eadem proportioni virium & duorum ponderum mouentium aggregatum æquale duorum ponderum, ubi maior fuerit partium inæqualitas, ibi erit maior difficultas.

Cœm. Sint uires a, & aggregatum ponderum b c & d e æqualia, & cum f & g moueat b & c sub proportionibus componentibus ean-

dem

DE PROPORTIONIBVS LIB. V.

215

dem proportionem, quam compónunt proportiones a & h mo-
uendo d & a, & k mouendo e, & sit maior diffe-
rentia ponderis e ad d quām c ad b, dico quod
maiore cū difficultate mouebuntur d & e quām
b & c. Nam cū differentia e & d sit maior quām
c & b, & d e & b c sint æqualia, erit e maius c, i-
gītur e difficultius mouebitur ab a & k quām c ab a
& g. Itidem quia e tanto maius est c, quanto b
maiis est d, & proportio a k ad e & a h ad d, conficiunt propor-
tionem a g ad c & a f ad b, erit ut motus d e sint tardiores & difficulti-
ores motibus b c, per regulam dialecticam, nam difficultas motus e
supra difficultatem motus c, est maior quam difficultas motus b
supra difficultatem motus d, igitur difficultas motus d & e, maior
est difficultate motus b & e, quod erat demonstrandum.

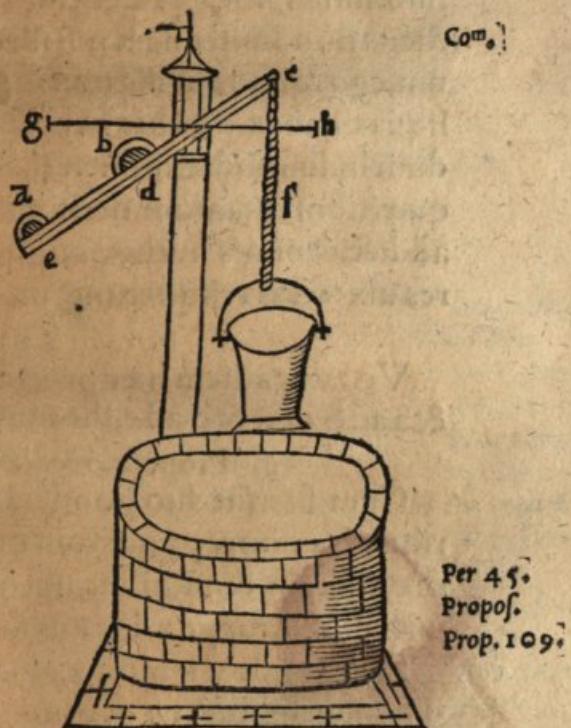
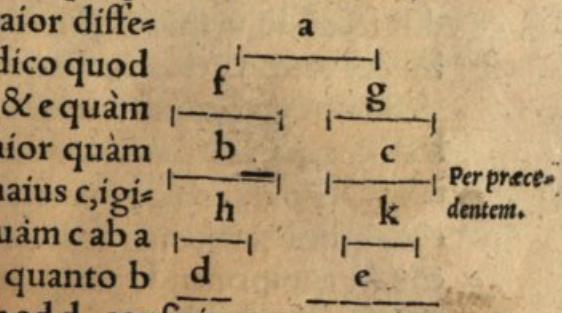
Propositio centesima octauaginta nona.

Si pondus minus ad longitudinem maiorem sub æquali pro-
portionē coaptetur, facilius deorsum trahetur quām quod maius
est & proprius.

Sit situla aquæ f annexa tigno
in e & ad minuendum pondus
addatur ex aduerso elongius seu
uincatur pondus a, dico quod
comodius erit quām si equale ad
grauitatem addatur b proprius
in e, nam quia b equiponderat in
d ut a in e, & homo trahens ex e
plus potest quām ex d, igitur fa-
cilius trahet ex e quam d. Et quo-
niā graue minus ponderat quan-
to magis distat à medio, licet mo-
uerat magis, ergo inclinatum ad
medium, cum ergo moueat
uelocius ex e quam d, & semper
uelocius descendendo in com-
paratione a g h, igitur semper
magis & magis uelociter ex e
quam d ut sit duplex incrementum & comparatione c e ad c d &
descensus ad descensum in utroq; & similiter in reditu, quia facilius
impelletur sursum e quām d per primam rationem.

Propositio centesima nonagesima.

Si fuerit primum graue minus secundo, & secundum minus ter-
tio, proportio autem primi ad secundum multo maior quam secun-
di ad



dī ad tertium, possibile erit propositis uiribus eisdem addere pondus secundo, ut ipsum & tertium moueantur facilius ab eisdem uiribus, & primo uel secundo quam antea.

Sit a pōdus minus, c maius, proportio a ad b multo maior quam b ad c, uires d, & d cum a moueat b & cum b moueat c, dico quod poterit addi pondus ad b ut d a b c cum a moueat b, & d cum b moueat e maiore facilitate componendo proportiones quam antea: Cum enim fuerit proportio d b ad c minima, quantumcumque moueat b faciliter ab a d plus refert difficultas e moti a b d: igitur cum addito pondere dimidio quod a superat b omnino uincat a d ipsum b, cum eo quod additum est, & tanto minor sit difficultas motus e a b d cum pondere addito, sequitur ut minor sit difficultas motus b cum pondere addito a b a d, & motus c a b cum pondere addito & d quam b & c ab a & b cum uiribus d.

Per 188.
Per 187.

Ques. 28. Ex hoc patet quod qui interpretati sunt Aristotelem, cum non posset nec intelligi nec demonstrari, sicut fecerunt legentibus: nihilominus hoc illis debemus, quod si Phrynis non fuisset, Timotheus non fuisset, nam nisi illi quod sciuerunt protulissent in medium, ego forsan aut illa non intellexissem aut neglexissem. Itaque & reliquias habes a nobis expositas licet non adeo diligenter, & modum huiusmodi exponendi. Subiiciemus autem et hanc, ut obiecte questioni, quantum nerui sit (si penitus quis res sequi uelit, non addictus nimis authoritatē ueterum ut pedem figere uelit, ubi illi res uix tactas reliquerunt) intelligamus.

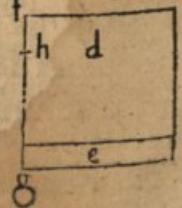
S C H O L I V M.

Vocatur autem haec proportio auxiliaris. Cumque fuerit equalis d & a ad b ut d & b ad e, dicetur auxiliaris æqualis.

Propositio centesimanonagesimaprima.

Cum fuerint duo pondera & uires duxerisque aggregatum ex uiribus & minore pondere in maius, addiderisque insuper quantum est productum dimidiū uirium in se latus aggregati detracto dimidio uirium, dicetur pondus auxiliare æqualis proportionis.

Com. Sint pondera b minus, c maius, & ducatur aggregatum ex a uiribus & b minore pondere in c, & ei addatur quadratum dimidiū a, dico quod radix seu latus huius detracto dimidio a est pondus auxiliare æquale, sit productum a b in e superficies & quadratum dimidiū a sit e, ita quod tota d e sit superficies quadrata, cuius latus sit f g: f h autem dimidium a dico h esse pondus auxiliare æquale. Quia enim f g



quadra-

quadratum est æquale quadratis $g\ h, h\ f$ & duplo $g\ h$ in $h\ f$, & quadratum $f\ h$ est æquale e superficie, erit quadratum $h\ g$ minus super-^{Per 4. primi}_{ELEM.}ficie d in duplo $g\ h$ in $h\ f$, quare productum $a\ b$ in c erit æquale quadrato $g\ h$ in se & a, nam duplo $g\ h$ in $h\ f$ & iam duplum $g\ h$ in $h\ f$ est æquale producto $g\ h$ in a, quia a est duplum $h\ f$, igitur qualis est pro-^{Per 16. sex}_{ELEM.}portio $a\ b$ ad $g\ h$, talis $g\ h$ & a ad c, igitur per definitionem datam $g\ h$ & quantitas grauitatis auxiliaris æquale.

Ex hoc manifestum est, quod si fuerit datum pondus tertium auxiliare, quod sciemus quantum addendum uel detrahendum ut fiat pondus auxiliare æquale, nam inuenta $g\ h$ si fuerit k maior addemus quod deficit, & si minor quam k detrahemus ex k quod est superfluum.

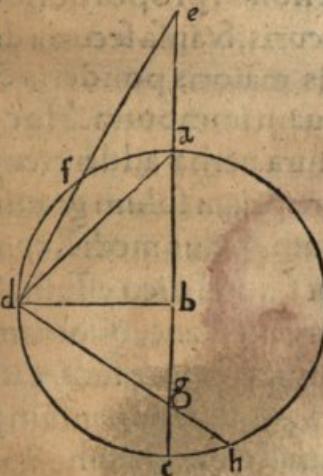
Etrursus inuenta $g\ h$ ut perficiamus pondus equalis, augebimus aliquantis per, ut fiat æqualis ad unguem difficultas in motu: iuxta ^{Cor. 2.} Prop. 187: doctrinam superius datam.

Propositio centesima nonagesima secunda.

Si ex medio diametri linea ad perpendicularum erigatur ad circuli peripheriam: ex eo punto autem quotlibet lineæ ducantur seu insitus ad circumferentiam usq; seu extra ad diametrum, erit proportio totius lineæ ad totam, uelut mutuò partis ad partem.

Ex media diametro a c. i. cetro b, ducatur ad perpendicularum b d, ^{com.} & ex d lineæ d a d e d h, dico d e ad d a, ut d a ad d f, & d h ad d a ut d a ad d g, & d e ad d h ut d g ad d f. Quia n quod fit ex d e m e f, æquale est ei quod ex e c in e a, quod uero ex e c in e a cum quadrato b d seu b a æquale est quadrato b e, igitur ex e d in e f cum quadrato d b æquale quadrato b e, ex d e igitur in e f cum quadratis d b & b a æquale quadrato d e. Quadratis autem a b & b d æquale quadratum d e: igitur ex d e in e f cum quadrato d a æquale quadrato d e. At quadratum d e æquale est his que ex d e in e f, & f d igitur detracto communi ex d e in e f, erit quadratum d e æquale ei quod ex d e in d f, igitur d e ad d a, ut d a ad d f. Similiter quod fit ex h d in d g, æquale est ei quod fit ex h g in g d cum quadrato d g, at quod fit ex h g in g d est æquale ei quod fit ex c g in g a, erit quod fit ex c g in g a cum quadrato d g æquale ei quod fit ex d h in d g. Quadratum autem d g est æquale quadratis d b, b g igitur d h in d g æquale est ei quod fit ex g a in c g cum quadratis b d ^{Per 5. secundi}_{ELEM.} b g, at quod fit ex a g in g c cum quadrato b g est æquale quadrato

T ba



Per 36. tertij Elem.
Per 6. secundi Elem.
Per 47. primi Elem.
Per ratiom.
Per 2. secundi Elem.
Per 17. sexti Elem.
Per 2. secundi Elem.
Per 35. tertij Elem.
Per 47. primi Elem.

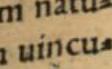
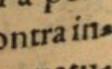
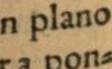
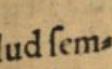
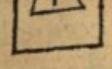
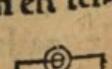
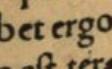
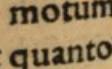
b a igitur quod sit ex d h in d g est e quale quadratis d b, b a que sunt equalia quadrato ad, igitur quadratum ad est e quale ei quod sit ex h d in d g, quare proportio h d add a ut d a ad a g. Quia ergo pro-
Per 17. fin. portio d e ad d a ut d a ad d f, & d h add a ut d a add g, erit d e add h
si Elemen.
Per 16. et 27. sexti
Elementi. ut d g add d f.

Cos. Vnde manifestum est omnes has lineas in suam interiorem par-
tem ductas rectangulum constituere e quale quadrato quod circus
lo eidem inscribitur.

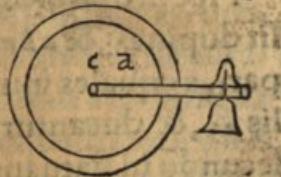
Propositio centesima nonagesima tertia.

Rationem ponderis triplicem explicare.

co. Superius declaratum est quod id quod quiescit, habet motum
Propos. 26. occultum. Quærerit autem Aristoteles cur securis pondere pressa nō
et 38. diuidit lignum, minore uero sed moto sed modo diuidit: Dicimus
Quesit. 19. motum inesse qui perpetuo augetur, indicium est, quod si ex a de-
Mechan. scendat, maiorē facit iustum, quoniam plurimus aér coadiuuat, ex d
autem occultum solū, et eum qui fit ratione grauitatis, me-
dium ex medijs locis. Omitto modo de motu aucto per
uim humanam, de quo uidetur quærere Aristoteles, quili-
bet enim aér addit super motum iam acquisitum & fit hoc
argumentum centies ac millies maius, quoniam m est qui
diuidit, pondus autem non penetrat. Sicut ergo cuneus
magis diuidit lignum quam clava, ita quod mouetur sine
proportione (ut ita dicam) non solum ob impetu necesse
est ut uehementer diuidat lignum aut lapidem subiectum,
& non in proportione distantie. Sicut si pondus in forma
securis, & ipsa securis diuidit longe magis ligna quam cla-
uis maioris ponderis & maiores ui descendens: ita pondus motum
quam immotum. Hoc adeò perspicuum habet caussam, ut quanto
plura uerba addererentur, eo redderetur res difficilior. Habet ergo
propriam solum grauitatem & motum occultum. Ceterum est ter-
tium, genus mediū, cum idem pondus appensum est, ues-
lū t f quod dico esse maius & minus occultum quam si ia-
ceret in plano, quoniam sicut tuber & cuitas in qua facit
simul tempore sunt, natura tamen tuber est prius cuitate,
ita pondus appensum prius est, contrà nixum uinculi na-
tura & quodammodo tempore, semper enim grauat, & illud sem-
per resistit supra illius grauitatem: Sed pondus quod est in plano
occultam omnino habet actionem bifariam & distinguitur a pon-
dere suspenso: Primum quod pondus quod quiescit & contra in-
tendi principium simul non solum sunt tempore sed etiam natu-
ra. Sed in appenso, ut dixi, pondus prius grauat quam uincu-
lum



lum contranitatur. Secundò, quia pondus in plano non inchoat motum sed pendens inchoat, ideo quod est in plano habet prorsus occultum, quod pendet non: & si sit lignum eiusdem molis & duritiei cui appensum sit f & cui insidet, magis atteretur id cui appenditur, & prius q̄z cui insidet. Cæterū quod ad grauitatem attinet æqualia sunt, nam aér in utroque pellit deorsum, ac magis quod quiescit in piano: solum enim planum resistit, in pendulo onere etiam aer suppositus, quo sit ut quod pendet, minus graue sit. Sed æqualia uidentur.



Propositio centesima nonagesima quarta.

Proportionem ponderis longioris in medio suspensi ad breuius illi æquale & in medio suspensum, declarare.

Hanc generaliter proposuit Aristoteles in Mechanicis, ostendit ^{Ques. 27.} em quod si a b in e, & d e in f æqualia pondera in medio suspendantur, quod a g c h b grauius erit a b quam d e. Ethoc est certum quia a & b extrema plus distant ab hypomochlio. Sit igitur g h respecta æqualis hiccinde d e, pondus est æquale a b, erit g h minus pondere d e in k, igitur per communem animi sententiam k est æquale uero ponderi a g & h b, igitur cum a g & h b plus ponderent in situ suo quam in situ d e, patet propositum quoad Aristotelem attinet, scilicet quod a b est grauior d e.

Vt modò ostendam proportionem, erit proportio h b ad g h ut ponderis h b ad totum pōdus g b, eadem ratione a g ad g h ut ponderis a g ad totum a h, a h autem est æqualis g b & a g æqualis h b ex communi animi sentētia, & pondus a h æquale ponderi b g, quia sunt æquales & in eodem situ: igitur a g, h b ad g h, ut ponderum a g h b ad pondus g b. Et ita patet quod quanto longior est a b in comparatione ad d e, tanto a g & h b in comparatione ad g h, igitur tanto maior proportio ponderum a g h b ad pondus a h, rursus est tanto maius quanto a b est longior per demōstrata in prima parte, igitur multo maius est pondus a g h b, quanto longior a b in comparatione ad d e.

Exemplū sit ponderis a b 12 ponderis lōgitudinis pedū quatuor, de pondus 12 longitudinis duorū pedum, erunt igit̄ a g, g e, ch, h b unius pedis singulē. Et quia a g & b h sunt dimidiū g h erunt ambæ pariter æquales g h & ideo pondus a g h b æqualia g b ponderi, sed pondus g b est librarum nouem, quia g b est dodratus a b, igit̄ tota a b est ponderis quindecim, nam g h est ponderis sex, est ergo pondus a b quadrante maius d e.

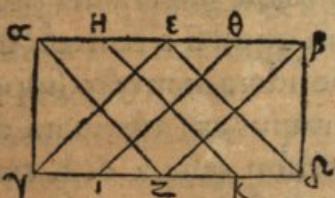
T 2 Propo-

Propositio centesima nonagesima quinta.

Si lectus fiat dupla longitudine ad latitudinem melius suffulcetur restibus ex medio ad angulos, & eis æquidistantibus quam secundum longitudinem & latitudinem.

Con. Hęc proponitur à Philosopho in mechanicis, & dico quod si $a b$ sit dupla $a c$, & $a b \approx y$ dupla, & diuidantur $a b$ a c & $a b \approx y$ in quotuis partes æquales inuicem, nam supponitur $a b$ equalis $a b \approx$ & $a c$ æqualis $a y$, & ducantur rectæ lineæ decussatim & ad rectos angulos, & secundū id statuantur restes, quod decussatim positæ utiliores erūt, omitto quod decentius ob spatiorum minorem differentiam. Adducam solum tres Philosophi rationes: prima, quoniam ligna non adeò facile finduntur nec incurvantur transuersim tracta, ut recta & secundum longitudinem. Et ideo longè plus durabit $a b \approx y$ ab $c d$, & cum spondis rectoribus, & ideo etiam cum restibus magis intentis: & erit firmior & pulchrior. Secunda ratio est, quod cum restes in secunda constitutione æquales inuicem sint, in prima quæ secundum latitudinem duple, quæ longiores erunt magis laxabuntur transuersalibus, & ita turpiores & incommodæ breui reddentur, & in secunda constitutione equaliter sustinebunt pondus & revolutionem cubantis, tum ob æqualitatem longitudinis inter se, tum ob situm similem inter se, tum ad humanum decubitum dissimile, nam (ut ostensum est) in præcedenti magis grauat pondus in extremis quam in medio, & magis laxantur ob id quæ sunt secundum eundem situm. Et hanc caussam expositores non intellexerunt multi, multo minus tertiam, in qua faciunt demonstrationem Geometricam & computant rem numeris. Deinde non animaduerunt quod in secunda figura assumunt quinqꝫ lineas, cum in prima tantum assumpsissent quatuor. Peius omnibus est quod demonstratio hęc cum de transuersis ad magis transuersas lineas sit non est ad propositum Aristotelis, qui in duabus primis rationibus transuersas comparauit his, quae à latere ad latus & à capite ad caput deducuntur, ita ubi trifariam decepti sunt, ibi maximè gloriantur. Miserum nunc philosophandi genus: uoluntatis supercilium esse loco doctrinæ. Sint igitur lineæ ductæ ut uides, dico omnes pariter acceptas in prima figura, esse longiores omnibus pariter acceptis in secunda figura, quod intendit demōstrare Aristoteles. Ostensio ergo de duabus, idem supposito numero equali de omnibus constat.

Prr 34. pri
ni Elem.



constat. Demonstrandum est ergo $a:b & g:maiores$ esse $\alpha\beta & \gamma\beta$, nam $\alpha y & \gamma\beta$ sunt æquales $\alpha\beta & \gamma\beta$ ex supposito, quare $\alpha\beta & \gamma\beta$ æquales sunt potestate quadrato, $\alpha\beta$ igitur ambæ iunctæ lineæ me= Per 4.7. pri-
diaæ inter duplum $\alpha\beta$ & ipsam $\alpha\beta$, quadratum enim $\alpha\beta & \gamma\beta$ coniun- mi & 4. sec-
cundii Elem.
Etarum est duplum quadratis uniuscuiusq; earum pariter acceptis, Per 1.7. sexti
uelut & quadratum mediæ inter duplum $\alpha\beta$ & ipsam $\alpha\beta$, at quadra- Elem.
tum coniunctæ ex $a:b & a:c$ est æquale duplo quadrati $a:b$ cum qua Per 4. secun-
drato $a:c$, igitur superat duplum quadrati $\alpha\beta$ in quadrato $a:c$, sed di Elem.
quod potest in duplum quadrati $\alpha\beta$ est aggregatum $\alpha\beta & \gamma\beta$, igitur Per eandem.
 $a:b & a:d$ sunt longiores iunctæ $\alpha\beta & \gamma\beta$ quia possunt eo plus quan- Per eandem.
tum est quadratum $a:c$.

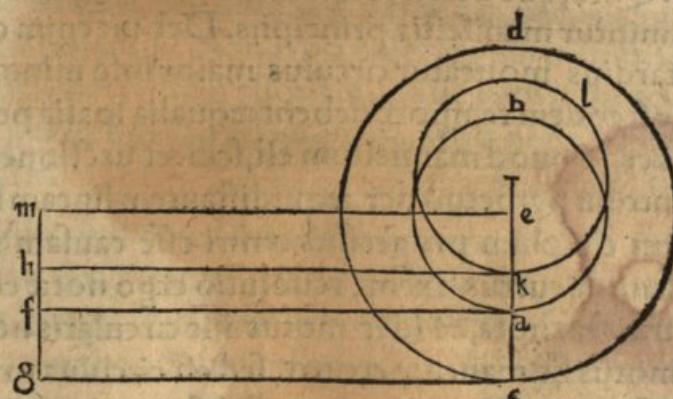
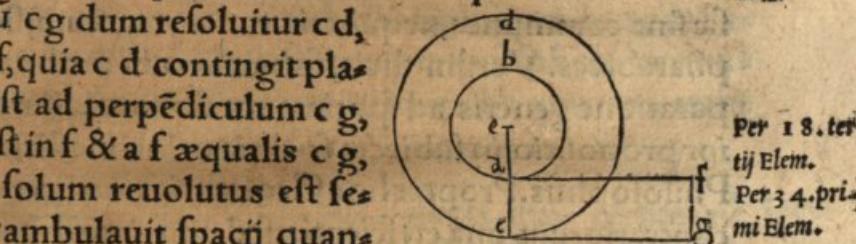
Propositio centesima nonagesima sexta.

Si duo circuli super eodem centro eodem motu transferuntur,
æquale spatiū m superant.

Sint duo circuli $a:b, c:d$ super eodem centro e qui transferantur com:

super axe per spatiū $c:g$ dum resoluitur $c:d$,
tum ergo a erit in f , quia $c:d$ contingit planum $c:g$, igitur $e:c$ est ad perpendiculum $c:g$,
ergo punctum a est in f & $a:f$ æqualis $c:g$,
igitur $a:b$ circulus solum reuolutus est se- Per 1.8. ter-
mel, & tantum perambulauit spaciū quan- tij Elem.
tum $e:d$ & æquali uelocitate, cum tamen seorsum sit proportio spa- Per 3.4. pri-
tij ad spatiū ut circuli ad circulum. Hæc est subtilissima quæstionū mi Elem. Quæst. 25.
propositorū ab Aristotele in mechanicis, quam sic quidam soluunt.
Supponunt duo: primū si quid ab aliquo mouetur nihil conferens
ad illum motum,

ex se ipso pertan-
tum mouebitur
spatiū, per quan-
tum ab illo mo-
tore mouebitur:
Secundum, eadē
potentia in eodē
tempore diuerso
modo duo mobi-
lia mouebit equa-
lia, cum unū mo-



tui assentietur aliud nō. quod si hæc mobilia seiuncta fuissent, quod
aptitudinem haberet seiunctū uelocius moueretur, quam dum con-
iunctum est. Cum ergo inquiunt circulus $c:d$ moueatur ab $a:b$ cir-
culo, nec conferat quicq; ad motum, ideo tantum transibit spaciū

T 3 cd

cd quantum a b per primum suppositum. Sed quoniam proposito círculo alio non circa idem centrum, utpote k l reuoluetur & perueniet ad h ex demonstratis. Respondeſ ad hoc, quod idem est, quia unus círculus tantum per ſe mouetur circa centrum, reliqui omnes non per ſe circa centrum, ſed ab alio círculo primo mouentur, ideo nihil refert ſeu ſint circa idem centrum ſeu circa aliud, hoc enim fortuitum eſt. Ideo ad argumentum respondent cauilloſam eſſe hāc diſputationem, cum ſupponat idem ambobus círculis per ſe centrum eſſe. Sed non eſt per ſe, uerū per accidēs. Attamen deſ miror de huiusmodi ſolutione. Primum quod ipſem. Aristoteles de hoc nos docuit in primo Posteriorum dicens. Non eſt igitur ex uno in aliud genus tranſcedentem demonstrare, ut Geometricum Arithmetica. Et Auerroēs in Commento magno inquit, ea uerba exponens. Fieri non poteſt, ut demonstratio transferatur de arte in artem. Et ibidem docet, quod neque ut ambæ præmiſſæ ſint communes, neque etiam maior tantum, ſicut exponebat Alpharabices. Verū dicit, ſolum licet in artibus, quæ ſunt in comparatione generis ad ſpeciem, ut ſit conuolutio ueluti physica maior propositio, in ſubiecta ſcientia ueluti medicina. Vnde cōcludit Philosophus. Propter hoc Geometrica non licet demonstrare quod contrariorum una eſt ſcientia: ſed neq; quod duo cubi cubus, neq; alij ſcientiæ quod alterius: niſi in his quæ ita inter ſe habent ut altera ſub altera ſit, ueluti perspectiva ad Geometricam, & harmonica ad Arithmeticā. Et poſt docet quod etiam non licet demonstrare ex communib;: hāc igitur ratio eſt ex alienis genere atq; communib;. Quid, quod non ſoluit difficultatem que mathematica tota eſt & innititur manifestis principijs. Debuit enim oſtendere quomoſdo tardius moueat círculus maior ipſo minore: hoc enim eſt neceſſe ſi eodem tempore debent æqualia ſpatia pertransire. Accipias ergo quod manifestum eſt, ſcilicet uectionem eſſe hanc in qua e centrum perpetuò per æquidistantem lineam fertur in m, nullum autem círculum progressus centri eſſe causam niſi ut rota mouet currum & currus axem, reuolutio ergo notæ efficit ut ſpatium c g pertranſeat nota, & ideo motus ille circularis non eſt, quia circularis motus fit manente centro, ſed eſt círculus progrediens uel ut & punctum e: at incírculo, hoc eſt diſcrimen quod puncta, uariantur centrum autem non. Dico ergo ut melius intelligas quod talis motus eſt uelut famulorum fabrorum qui rotam circunducant domū impellentes, talis enim motus, eſt rectus, & eſt impulsionis non autem circularis. Et ideo omnia puncta æqualiter mouentur, & per æquale ſpatium, accidit autem ut hic motus fiat circunuertendo,

ſicut

sicut etiam si traheretur fune. Et si quis obiectat quod haec responsio est eadem cum illa que tribuitur Aristoteli, dico quod non, quia in illa supponuntur duo falsa, unum quod principium motus alius quando sit in c d, aliquando in a b, quod pro secunda parte falsum est: nam nunquam principium potest esse in a b, nam si intelligamus de modo motus, non mouetur nec a b nec c d motu circulari, quoniam (ut dixi) motus est uestio, seu tractio, non circularis. Sin autem de causa motus rotæ illa est in circulo semper maximo, scilicet c d & non a b. Et causa erroris horum fuit duplex: cum enim scirent hanc rationem, dubitarunt an circulus c d motus esset potius causa motus circuli a b, an contraria, ideo protulerunt ambos, sicut illi quibus sublata est res aliqua, ut non errant, dicunt hic, uel hic subripuit rem meam. Secunda fuit, quia nescierunt distinguere inter motum per circulum & motum circularem, cum sit magnum discrimen: motus enim rotæ est per circulum, quia per circumferentiam eius, quæ est circulus, non autem circularis. Etsi superius appellauerim circularem, cum distinxii in triplicem motum sphære circumvolutionem, tunc non curauit de uerbis, quia uerba tum non erant causa erroris.

Ex hoc patet unum, quod est difficilius, scilicet quia certum est, ^{Cor.} quod tam c d quam a b mouentur super rectas, & ita ut singula puncta c d tangant singula puncta c g, & a b singula puncta a f, & tamen c d circumferentia, aut non est æqualis rectæ c g, aut circumferentia a b non est æqualis rectæ a f, aliter si ambæ circumferentiaæ ambabus rectis essent æquales, cum rectæ sint æquales, ut demonstratum est, essent circumferentiaæ etiam a b & c d, æquales maior minori, quod est impossibile. Non ergo ualeat argumentum, iste circulus circumfertur super rectam aliquam, ita ut cum redit ad idem punctum rectam perambulauit ad unguem, ergo illius peripheria est æqualis illi rectæ.

Melius ergo fuisset huius reddere rationem, in quo est tota difficultas, nam illa (ut dixi) de motu circulari nulla est, si quis tam penitus introspiciat. Sit igitur ut rotæ axis c, transeat in f, & quia e a & f g æquales sunt a centro ad circumferentiam, & a g æquidistans b c, erit per demonstrata punctum g in linea f h, & ponamus quod punctum fuerit m, quod translatum, & retro revolutum peruenient ad h, & secet e m a b circulum in n, dico quod n est punctum g, in quo etiam est animaduertendum de stupore horum scribentium, nec aduertentium quod puncta circulorum a b & c d retrocedunt, uersus a & c, & non uersus o & p, & hoc est quod decipit illos.

T 4 Quia

Quia ergo m est h & e f, igitur cum n sit in linea e m, erit in linea f h, sed n est etiam in circulo a b, igitur cum nullum sit punctum aliud in linea f h, et circulo g q, qd g est n communis sectio, igitur n peruenit in g. Vides ergo quod m

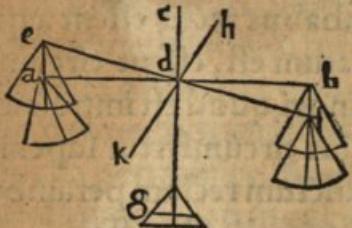
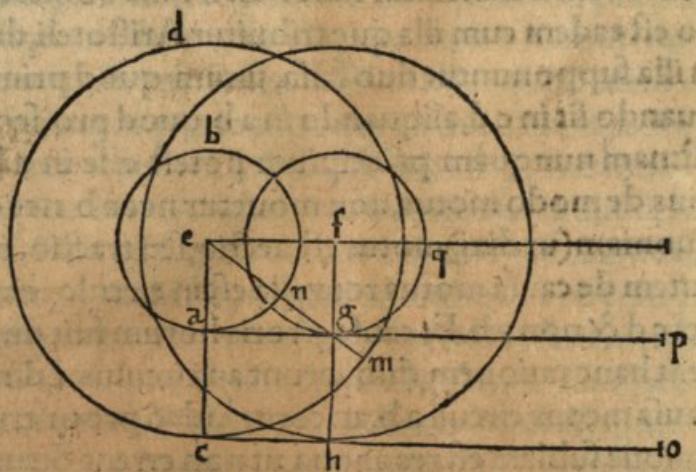
retrocessit per angulum m g h, n autem antecessit per angulum n g f, qui est aequalis angulo m g h. Ex quo liquet causa dictorum, & quod non intellexerunt questionis fundamentum cum ferantur singula puncta in una revolutione aequaliter cum centro motu recto: & motu circumvolutionis sunt immobilia, quia tantum retrocedunt in una medietate, quantum procedunt in alia.

Propositio centesima nonagesima septima.

Curlances ad locum suum suspensi redeant impendentes non demonstrare.

Com. Alias cum uiderem apud Aristotelem & eius expositores hoc
Quest. 7. problema non sum ausus, quia ex propriis non mihi occurrebat demonstratio, rationem reddere, at confecta dialectica statim apparuit modus. Sit ergo libra a b appensa ex trutina c d, & sit per pondus educata loco e f, & sublato reuertitur ad locum priorem: Et rursus eadem si immineat g d sustentaculo non mouetur: igitur palam est quod in trutina d e gravior est quam d finis tenuis g d, non est adeo grauis, aut omnino non grauior. Neque potest id accidere quod in primo casu angulus e d c acutus, sit in secundo obtusus, nam si ob angulum e d c acutum descendit in primo casu e, in secundo casu descendet f, quia pariter f d g acutus est, & aequalis e d c, hoc autem non contingit. Mira ne dicam stultitia an audacia eorum, qui nihil intelligentes ausi sunt, haec pertractare, sperantes in tot seculis nullum futurum, qui ignorantiam suam & impostura deprehendat, dicunt enim quod in primo casu producta quadam recta ad perpendicularium, & quae sit h k maiorem reddi de quam d f, neque quomodo id fiat ostendunt, & si (ut dixi) maior sit quam d f in primo casu maior d f quam d e in secundo casu: ergo si in primo casu d e descendit, in secundo descendet magis d f, at hoc non accidit sed stat.

Oportet



Oportet igitur hoc esse principium ex Dialectica, quod ostendat e grauiorem esse f in primo casu, in secundo non esse grauiorem, aut leuiores, ut neq; ad angulum refugere possimus. Ergo supponere oportet quae manifesta sunt, e esse grauiorem f, aliter enim non descendet; non prohiberi autem in primo casu motum prohiberi in secundo, aliter uel grauior fieret f, uel maneret eadem grauitas: si quidem maneret grauitas, nec impediretur descendere e in secundo casu, ut in primo, at non descendit. Si grauitas mutaretur, igitur f descendet secundo casu magis quam in primo. Quod si di cas non tanto fieri grauiorem, igitur f magis depressa descendet saltem, at nunquam descendit, igitur grauior est semper e quam f, sed in secundo casu impeditur motus non in primo. Causa grauitatis est, quoniam d est centrum grauitatis, quia medium. igitur cum c & d conspirent contra f, necesse est e descendere per superius demonstrata, igitur e descendet in primo casu, quia grauius est ut d cui nec impeditum. At in secundo casu e & d sunt grauiora, sed d est impeditum, quia non habet motum, nisi occultum insidet enim g d, igitur tantum ponderat e quam f, ergo prorsus non mouetur, facit & ad hoc quod quævis latitudo d, sustentaculi prohibet motum, at deesse uix potest. Vides ergo illos nugas palam agere. Primum deest illis dialectica, deinde ingenium acre, deinde quod maius est, uolunt confessim transire ex principijs ad remota theore mata, quod fieri non potest.

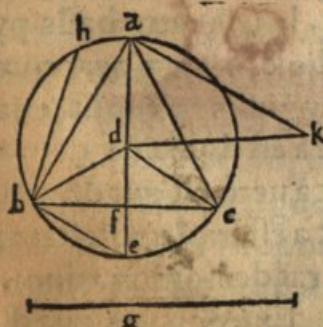
Propositio centesima nonagesima octaua.

Cur solidum quod cubus uocat, pyramide stabilius sit, ostendere.

LEMMA PRIMVM.

Si in tra circulum triangulus æquilaterus describatur, & ab uno angulorum per centrum recta ducatur, angulum per æqualia diuidet, & trianguli latus, & ad angulos rectos ei insisteret, ipsa uero quæ ex centro per æqualia uicissim à trianguli latere diuidetur.

Sit a b c æquilaterus circulo inscriptus, cuius centrum d, ducaturq; ad e f recta per centrum, & ducantur d b & d c, eritq; ex hoc triangulus a b d æquilaterus triangulo a c d, quare angulus b a d æqualis c a d, igitur arcus b e æqualis c e, igitur arcus b e est sexta pars circuli, quare b e recta latus exagoni, quare b e erit æqualis d e, igitur cum anguli a d f sint utrinq; recti, erit d f æqualis f e, itaq; f d, tertia pars fa & fb dimidium ab quia b c.



- Co. 1.
Per 8. præ
mi Elem.
Per 2 5. ter
tij Elem.
Per 2 8. eius
dem.
Per Corm.
15. quarti
Elem.
Per 4 4. primi
Elem.
Per 47. p
m i Elem.

LEMMA II. i Elem.

LEMMA SECUNDVM.

Quadratum lateris trianguli æquilateri se habet ad illius superficiem, ut latus eius ad medium lineam inter latus dodrantis, & quadrantis proportione duplicata.

Com. Quadratum ab est æquale quadratis af, fb, & quadruplum quadrato bf, igitur quadratum af est dodrans quadrati ab. Quod uero sit ex af in fb est medium proportione inter quadrata af, fb, rectangulum igitur ex af in fb, est ex lateribus dodrantis af, & quadrantis bf quadrati ab, quare cum mediæ inter af & fb æquale factum quadratum rectangulo af in fb, erit proportio quadrati ab ad quadratum mediæ inter af, fb, ut lateris trianguli ad medium inter latera dodrantis, & quadrantis quadrati lateris ipsius duplicata: rectangulum autem af in fb est æquale triangulo ab c, igitur proportio quadrati ab ad triangulum ab c est uelut lateris ab ad medium inter latera dodrantis & quadrantis duplicata.

LEMMA TERTIUM.

Propositio quadrati cubi sphæræ inclusi ad triangulum pyramidis eidem sphæræ inclusæ, est uelut lateris pyramidis seu trianguli eius ad cathetum suum.

Com. Proponatur enim sphæræ diameter g, & latus pyramidis ba, & latus cubi bh, quæ corpora illi sphæræ includuntur: igitur g erit potestate sexquialtera ad ab, & tripla ad bh, igitur ba est potestate dupla ad bh, quod igitur fit ex ba in dimidium suum, est æquale quadrato bh, igitur bh est media inter ba & bf, bf enim est dimidium ba, ut probatum est. Quadratum igitur ab se habet ad triangulum ab c, ut ab ad medium inter af & fb duplicata: Quadratum quoq; ab se habet ad quadratum hb, ut ab ad medium inter ab & bf, duplicata igitur proportio quadrati bh ad triangulum ab c, est uelut lateris ab ad cathetum af.

LEMMA QVARTVM.

Proportio lateris pyramidis ad axem illius est potestate sexquialtera.

Com. Intelligatur basis pyramidis triangulus abc, & conus pyramidis k, & quæ per centrum sphæræ transit ex cono kd, cum qd kda angulus rectus sit, erit quadratum ka æquale quadratis kd, da, at d a est dupla df, ut probatum est, igitur potestate sexquitertia fb, ka uero est quadrupla potestate fb, quia fb est dimidium ka, igitur ka est tripla potestate ad, igitur ka potestate sexquialtera kd, quod erat demonstrandum.

Cor. Ex hoc patet quod proportio axis pyramidis ad latus cubi easdem sphæra circumscriptorum est potestate sexquitertia.

Quia

DE PROPORTIONIBVS LIB. V;

337

Quia \sqrt{ka} est potestate dupla ad b^2 , & sesquialtera potesta ^{co}
te ad $k^{\frac{1}{2}}d$, necesse est ut $k^{\frac{1}{2}}d$ sit sexquitertia potestate ad b^2h .

LEMMA QUINTVM.

Prisma altitudinem habens pyramidis & triangulum eiusdem
basim, æquale est cubo eidem sphæræ inscripto.

Cum enim proportio quadrati b^2h ad triangulum abc sit uelut ^{co}
 a^2b ad a^2f , a^2b autem ad a^2f sit sexquitertia potestate ex demonstratis,
erit quadratum b^2h ad triangulum abc sexquitertium potestate: at
cubi b^2h altitudo est ipsa b^2h , prismatis autem abc altitudo est $k^{\frac{1}{2}}d$,
 $k^{\frac{1}{2}}d$ autem potentia sexquitertia ad b^2h , igitur prisma abc est æquale
cubo b^2h , quod fuit propositum.

Ex hoc sequitur, quod cum prisma sit triplum suæ pyramidis, ut ^{co}
 ab Euclide habetur, quod cubus est triplus pyramidis, quam eadem
sphæra circumscibit.

Nunc uenio ad demonstrationem propositionis, & dico quod
corpus difficile est ad motum, uel ob magnitudinem basis, cui insi-
det, uel ob pondus, uel ob formam: nam corpus quod forma est
contracta, difficile mouetur, ut pyramis, contrà, quod prominet à la-
teribus, facile reuoluitur, ut corpus duodecim basium pentagona-
rum, & uiginti triangularum: ergo cubi sedes est maior quam sua
pyramis, & pondus triplo maius, & etiam non prominet cubus,
ideò pro re stabili positum est corpus eiusmodi. Eo quod ob gra-
uitatem etiam, ut dixi, sit stabilius pyramide eiusdem sphære. Quod
si etiam assumeres pyramidem, cuius basis esset æqualis quadrato
cubi, ipsa se haberet ad pyramidem sphæræ in grauitate, uelut latus
trianguli ad suum cathetum, & ideo proportio ponderis cubi ad
pyramidem esset, uelut tredecim ad quinque fermè: ergo ratione pon-
deris esset longè stabilior cubus ipsa pyramide. At in alijs corporis
bus, quæ rationalia uocantur, non est tanta proportio ponderis, &
basis est minor & forma prominet.

Propositio centesima nonagesima nona.

Rationem remorum nauim impellentium inuenire.

Sit a remi extremum, quod manu apprehenditur, b scalmus cui ^{co}
remus insidet: c extremum aliud latius remi, quod uocant pal-
mam, transferatur nixu manus, & motu corporis a in d, ut c per ^{per 1. 5. pri-}
ueniat in e, sunt enim æquales ab, d b, b c, b e etiam & angu- ^{mi Elem.}
li a d b contrapositi, quare trianguli a b d & c b e similes, igitur
primum quanto maior propositio cb ad ba, tanto maior propor- ^{per 4. sexti}
tio cad ad d, & ita ex æquali motu longius transferetur remus, seu ^{Elem.}
palma. Secundum, cum motus ad fiat nixu brachiorum & corpo-
ris, quanto magis transfertur corpus eo minus opus erit brachio-
rum

Prop. 188.

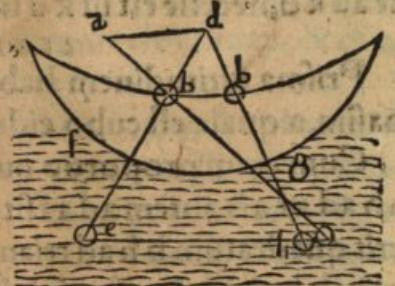
rum nixu, & ita minus laborabunt. Et quo minus laborabunt brachia, plus corpus laborabit. Et ideo, ut declaratum est suprà, minor labor erit cum æqualiter ambo laborabunt. Tertium, quo minor erit proportio cb ad ba, eo maius spatium pertransibit remex, qui mouet ex a in d, sed tanto facilius mouebit, quia labor motus b c minuetur, ut supra uisum est per longitudinem ab & db, ut suprà demonstrauimus.

Propos. 71.

Quartum, cum remus transferit quoddam spatium iuxta robur, puta ex c in e, necesse est ut eleueretur super aquam, tum quia impediret motum progressus nauis, tum ut transferatur ante aliter si transferretur ante sub aqua difficultius multo, quam per aërem transferretur, & retroageret tantundem nauim, quantum antea retroactam impulit. His per se notis dico, quod translato remo ex c in e, necesse est nauim contrâ transferri ex f in g: nam quia impedimentum ex aqua transitur c in e, maius est quam nauis super aquam, & remus debet transferri ex a in d, & non potest transferri nisi uel stante naui, & translato c in e, uel stante ab c remo, & translata naui: & tunc necesse est, ut e progrederiatur ad h, ita dessecabit aquam ch, ergo difficultas manet eadem fermè, ex his fit motus compositus, ut palma non redeat usq; ad e, sed maneat remus minus inclinatus, & quasi ad perpendicularm in h. Et manifestum est, quod erit motus compositus ex retrocessu remi & processu nauis. Qui etiam remiges circa medium sunt minus laborarent, si remus æqualiter prominaret extra scalinum, sed magis laborant, quia proportio est eadem, & ab est longior, & crassior remus, ut minus flectatur ob longitudinem, aliter si esset æqualis crassitudinis, & multo longior flecteretur aut frangeretur, ideo robustiores remiges ponuntur in medio tríremis. Iuuatur præterea motus nauis prorsum ex percussione remi, & impetu iam aquisito cum nixu remi in aduersum superueniente. Rursus cum nauis transferatur eodem tempore antè quod a progrederitur ad d, manifestum est quod magna pars est ex motu nauis, non nixu corporis aut virium: & ita quod celerius mouetur ex c in h, ab initio dum nauis quiescit, aut tardius mouetur, tardius autem dum nauis progrederitur.

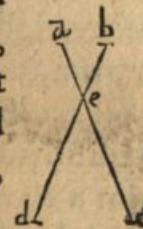
Propositio ducentesima.

Cur remo cū paruu sit magnam nauim agere potest: & cur cum uarietas sit in prora, ipse constituatur in puppi. Et cum transuersim ab aqua prematur, recta nauim dirigat?



Dixi

Dixi quod in hipomochlio parua uarietas fit in motu: igitur à ^{Co^m.} leui causa magnum nauigium impellitur aut uariatur. Cum enim a trāsfertur ad b, fit minima uarietas in e, igitur a parua poterit trans ferri, tum uero quod debuit trāsferrī ad c, transfertur ad d, nam motus ipse ab alia causa fit, uelut uēto aut remis, ita non est difficultas nisi propter motum aquæ, scilicet ut tabula scindat illam. Ad hoc autem contulit illud quod intra nauim prōminent ut uectis rationem habeat, & ob id facilius uerti.



Similiter uarietas in puppi exigua est causa magnæ uarietatis in prora, quod autem potest fieri paucioribus & faciliore modo id debet fieri, hac igitur causa in puppi temonem constituere oportet seu gubernaculum.

Cum autem impellatur à mari, necesse est, ut à latere excipiat aquam ita ut tantum pendeat in unam partem, quantum nauis in aduersam, nam si nauis non penderet, gubernaculum recte dirigeatur. Ut ergo ex duobus obliquis unū rectum constituitur, ita ex nauī & gubernaculo, nam sint ab & cb & impellatur ad d, impelletur per medium lineam be & non per ab neque cb, igitur oportet temonem pendere ex aduerso inclinationis nauis. Est etiam alia ratio, quoniam nauis securior redditur, nam quemadmodum quod in medio est, facilius impellitur transuersim, quam quod pendet in contrarium, ita & in gubernaculo. Est & id ob necessitatem, quoniam motus aquæ plerumque est in partem, uelut & uentus ad latus eius situs, secundum quem moueri debet nauis. Sicut igitur & uela & malus inclinantur, ut motum directum efficiant, quia aliò dirigitur nauis quam qui mouet uentus, ita de temone comparatione aquæ.



Propositio ducentesima prima.

Si duæ lineæ non secantes circuli peripheriam in unū punctū, ex ea coēant, exterius necesse est illas peripheria cōtentā esse maiores.

LEMMA PRIMVM.

Si fuerit proportio primi ad secundum maior quam tertij ad quartum, erit primi ad tertium maior quam secundi ad quartum.

Quamvis hoc demonstretur à Campano, quia $\frac{a}{b} > \frac{c}{d}$ ^{Co^m.}
tamen facile est hic adiūcietur. Sit igitur maior $\frac{a}{b} > \frac{c}{d}$ Per 10. quin
ti Elem.
ad b quam c ad d, dico maiorem esse a ad c quam Per 15. eius
dem.
b ad d, quia enim maior est a ad b quam c ad d fiat e ad b ut c ad e Per 8. eius
dem.
erit e minus quam a, e igitur ad c ut b ad d sed maiora ad c quam Per 11. eius
dem.
cad e igitur maior a ad c quam b ad d.

LEMMA SECUNDVM.

Si fuerint quatuor quanti-

*Per 8. quinta tates, quarum excessus primæ
ti Elem. par supra secundam, sit minor ex-
cessus ambas.*

*Per 10. quin cessu tertij supra quartam, sitq; prima non minor tertia, erit propor-
ti Elem. tio primæ ad secundam minor quam tertiae ad quartam.*

*Cor. Sit excessus a supra b c, g b minor excessu d supra e f qui sit h e, di-
Per 19. eius co quod proportio a ad b c est minor proportione d ad e f. Quia
dem. enim a est maior d, & b g minor h e, erit maior proportio a ad b g
dem. quam d ad h e, igitur siata ad g k ut d ad h e, erit ergo g k maior g b
Per 11. quin quare k e minor b c ex communi animi sententia, est autem a ad k c
si Elem. ut d ad e f, minor autem a ad c b quam ad k c, igitur minor a ad b c
quam d ad e f.*

Si intra circulum æquicurium, & super eandem basim figura æ-
quilatera & æquiangula cōstituatur, erūt omnia illius latera pariter
accepta minora duobus trianguli lateribus.

*Cor. Sit ut proponitur, & producantur b d &
c e quæ concurrent intra triangulum, quia
anguli d b c & e c b supponuntur æquales, &
ducta d e producantur d f l, & e g l quæ con-
currēt intra triangulum k d e ut propter ean-
dem causam, igitur a b & a c sunt maiores k b
& k c, ergo maiores k d, d b, & k e, e c quia
sunt eædem. Ductæ quoque de simili modo
k d & d e, sunt maiores l d & l e, igitur l f, f d & l g, g e, igitur a b & a c
maiores sunt b d, d f, f l c e e g g l pariter acceptis. Rursus ducta f g;
f l & l g maiores sunt m f & m g, igitur a b & a c sunt maiores omnibus
lateribus figuræ inscriptæ.*

*Cor. i. Ex hoc patet quod latera polygoniæ fi-
guræ æquilateræ & æquiangulæ inscriptæ
portioni circuli sunt minora lateribus tra-
pezij circumscripti eidem peripheriæ.*

*Cor. Sit ergo trapezium a g h b circa periphe-
riā a b, & in ea inscripta figura polygonia
æquilatera & æquiangula a c, d f b. Et quia
trapezium est figura cuius opposita duo
latera sunt æqualia, & duo anguli supra ba-
sim æquales: itemq; duo in summitate inui-
cem æquales, tāget in medio peripheriam*

*Per 4. pri-
mi, & 16.
terii Elem. quod patet ductis lineis ex centro ad ex-
tremæ trapezij. Et ideo etiam punctū medium polygoniæ, quare ex
hoc*

